



## Mathématiques : 2ème Année Collège

### Séance 2 (Introduction aux nombres rationnels)

**Professeur : Mr BENGHANI Youssef**

#### Sommaire

#### I- Présentation et comparaison des nombres rationnels

1-1/ Définition d'un nombre rationnel

1-2/ Propriétés

#### II- Signe d'un nombre rationnel

#### III- Simplification d'un nombre rationnel

#### IV- Égalité des nombres rationnels et produits en croix

#### V- Le nombre rationnel et les équations

#### VI- Exercices

6-1/ Exercice 1

6-2/ Exercice 2

6-3/ Exercice 3

6-4/ Exercice 4

6-5/ Exercice 5

6-6/ Exercice 6

6-7/ Exercice 7

---

#### I- Présentation et comparaison des nombres rationnels

##### 1-1/ Définition d'un nombre rationnel

Un nombre rationnel est le quotient d'un nombre entier relatif  $a$  sur un nombre entier relatif non nul  $b$ . ( $b \neq 0$ )

- Le nombre est appelé nombre rationnel.
- $a$  est appelé numérateur
- $b$  est appelé dénominateur

#### **Exemple**

##### 1-2/ Propriétés

- Tout nombre entier relatif est un nombre rationnel.
- Tout nombre décimal relatif est un nombre rationnel.
- Tout nombre rationnel n'est pas toujours un nombre décimal ou entier relatif.

## II- Signe d'un nombre rationnel

### Règle

Le nombre rationnel  $\frac{a}{b}$  est positif si les nombres a et b ont même signes.

Le nombre rationnel  $\frac{a}{b}$  est négatif si les nombres a et b ont signes contraires.

### Remarque

Si  $\frac{a}{b}$  est un nombre rationnel alors:  $\frac{-a}{-b} = \frac{a}{b}$  et  $-\frac{a}{b} = \frac{-a}{b} = \frac{a}{-b}$

## III- Simplification d'un nombre rationnel

### Règle

Si  $\frac{a}{b}$  est un nombre rationnel et k un nombre entier relatif non nul, alors :

$$\frac{a \times k}{b \times k} = \frac{a}{b} \text{ et } \frac{a \div k}{b \div k} = \frac{a}{b}$$

## IV- Égalité des nombres rationnels et produits en croix

$\frac{a}{b}$  et  $\frac{c}{d}$  désignent deux nombres rationnels.

Si  $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$  alors  $a \times d = b \times c$

Si  $a \times d = b \times c$  alors  $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$

## V- Le nombre rationnel et les équations

Le nombre rationnel  $\frac{a}{b}$  est la solution de l'équation  $ax = b$  tel que a et b sont deux nombres décimaux relatifs et a non nul

## VI- Exercices

### 6-1/ Exercice 1

1) Écrire chaque nombre sous forme d'un nombre rationnel dont le dénominateur est 36 :

$$\frac{-5,5}{-9} ; \frac{-17}{6} ; \frac{1,5}{2} ; \frac{7}{-12} ; \frac{-5}{3}$$

2) Écrire chaque nombre sous forme d'un nombre rationnel dont le numérateur est -18 :

$$\frac{6}{-13} ; \frac{-1}{2} ; \frac{9}{7} ; \frac{-2}{11} ; \frac{3}{-5}$$

3) Compléter :

$$\frac{-21}{15} = \frac{7}{-} = \frac{-}{-30} = \frac{-3}{-}$$

$$\frac{6}{12} = \frac{-1}{-} = \frac{-}{-36} = \frac{12}{-}$$

## 6-2/ Exercice 2

Réduire les nombres rationnels suivants :

$$\frac{11 \times (-3) \times 7 \times 12}{6 \times (-7) \times 3 \times 22} = \frac{-}{-}$$

$$\frac{2 \times (-5)}{(-2) \times 3} = \frac{-}{-}$$

$$\frac{4 \times (-5) \times 11}{(-11) \times 2 \times 10} = \frac{-}{-}$$

$$\frac{-24}{42} = \frac{-}{-}$$

$$\frac{36}{45} = \frac{-}{-}$$

$$\frac{720}{-540} = \frac{-}{-}$$

## 6-3/ Exercice 3

Vérifier l'égalité des deux nombres rationnels :

$$\frac{22}{4} \text{ — } \frac{11}{2}$$

$$\frac{10}{-4} \text{ — } \frac{25}{-6}$$

$$\frac{-13}{18} \text{ — } \frac{2}{-3}$$

$$\frac{-5}{2} \text{ — } \frac{13}{-5}$$

$$\frac{-8}{6} \text{ — } \frac{4}{-3}$$

## 6-4/ Exercice 4

Résoudre les équations suivantes :

$$7x = -15$$

$$15x = 25$$

$$-12x = -8$$

$$-12x = 4,8$$

$$\frac{-7}{3}x = \frac{-14}{9}$$

$$-0,5x = \frac{5}{60}$$

## 6-5/ Exercice 5

1) Trouver le nombre rationne x qui vérifie :

$$\frac{2x+1}{-3+x} = \frac{3}{2}$$

2) Trouver le nombre rationne y qui vérifie :

$$\frac{-5+y}{3-y} = \frac{3}{-2}$$

## 6-6/ Exercice 6

Écrire le nombre convenable :

$$\begin{array}{l} 1 \quad \frac{2}{3} = \frac{10}{\quad\quad} = \frac{\quad}{12} = \frac{1}{\quad\quad} = \frac{\quad}{0,75} \\ 2 \quad \frac{-7}{8} = \frac{35}{\quad\quad} = \frac{\quad}{-1000} = \frac{-3,5}{\quad\quad} = \frac{\quad}{2} \end{array}$$

## 6-7/ Exercice 7

Simplifier les écritures suivantes :

$$\frac{2 \times (-55)}{11 \times 3 \times (-5)} ; \frac{(-5) \times 7}{28 \times (-5)} ; \frac{-2727}{27} ; \frac{92}{112} ; \frac{42}{-24}$$