

Sommaire

I- Inégalité triangulaire

1-1/ Positions d'un point et un segment

1-2/ Propriété

II- Médiatrice d'un segment

2-1/ Définition

2-2/ Propriété directe

2-3/ Propriété réciproque

III- Médiatrices d'un triangle

3-1/ Définition

3-2/ Propriété

3-3/ Cas particuliers

IV- Exercices

4-1/ Exercice 1

4-2/ Exercice 2

4-3/ Exercice 3

4-4/ Exercice 4

4-5/ Exercice 5

4-6/ Exercice 6

I- Inégalité triangulaire

1-1/ Positions d'un point et un segment

a) Si un point n'appartient pas à un segment :

Soient $[AB]$ un segment et M un point.Si $M \notin [AB]$, alors $AB < MA + MB$.

b) Si un point appartient à un segment :

Soient $[AB]$ un segment et M un point.

Si $M \in [AB]$, alors $AB = MA + MB$.

1-2/ Propriété

Dans un triangle, la longueur de chaque côté est strictement inférieure à la somme des longueurs des deux autres.

Si ABC est un triangle, alors :

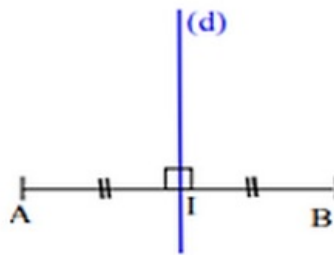
$$\begin{cases} AB < AC + BC \\ AC < AB + BC \\ BC < AB + AC \end{cases}$$

Cette propriété est dite :
Inégalité triangulaire

II- Médiatrice d'un segment

2-1/ Définition

La médiatrice d'un segment est la droite perpendiculaire à ce segment en son milieu.

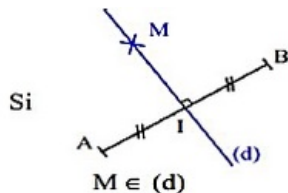


2-2/ Propriété directe

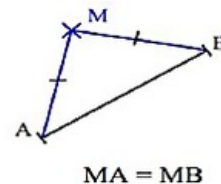
Si un point appartient à la médiatrice d'un segment, alors il est équidistant à ses extrémités.

Soient $[AB]$ un segment, (D) sa médiatrice et M un point.

Si $M \in (D)$, alors $MA = MB$.



Alors

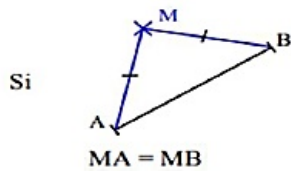


2-3/ Propriété réciproque

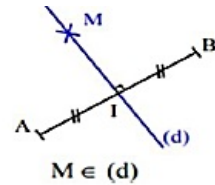
Si un point est équidistant des extrémités d'un segment, alors il appartient à la médiatrice de ce segment.

Soient $[AB]$ un segment, (D) sa médiatrice et M un point.

Si $MA = MB$, alors $M \in (D)$



Alors

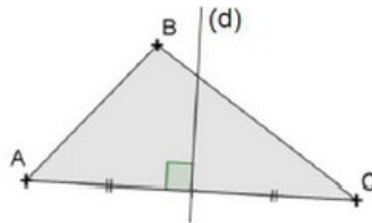


III- Médiatrices d'un triangle

3-1/ Définition

La médiatrice d'un triangle est la médiatrice de l'un de ses côtés.

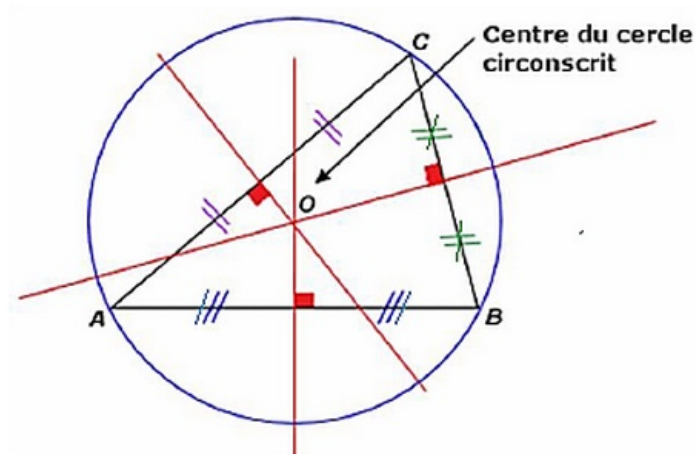
Exemple



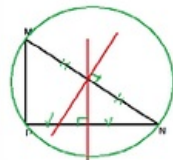
La droite (d) est une médiatrice du triangle ABC

3-2/ Propriété

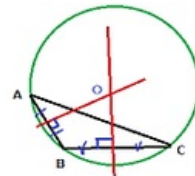
Les médiatrices des côtés d'un triangle sont concourantes en un point qui est le centre du cercle circonscrit à ce triangle



3-3/ Cas particuliers



Le centre du cercle circonscrit à un triangle rectangle est le milieu de l'hypoténuse



Le centre du cercle circonscrit à un triangle à un angle obtus existe à l'extérieur du triangle

IV- Exercices

4-1/ Exercice 1

1) Compléter:

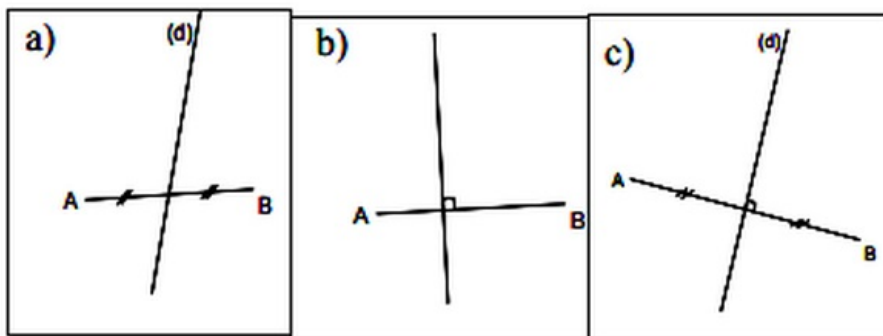
- Pour un triangle ABC A,B et C sont _____ .
- $[AB]$, $[BC]$ et $[AC]$ sont _____ .

2) Sans faire de dessin, peut-on construire ces trois triangles ? Explique pourquoi.

- ABC avec $AB=7\text{cm}$, $AC=3\text{cm}$ et $BC=5\text{cm}$.
- DEF avec $DE=2\text{cm}$, $EF=6\text{cm}$ et $DF=3\text{cm}$.
- OIJ avec $OJ=4\text{cm}$, $IJ=6\text{cm}$ et $OI=10\text{cm}$

4-2/ Exercice 2

Dans quels cas la droite (d) est-elle la médiatrice de $[AB]$? Justifier la réponse.



4-3/ Exercice 3

- 1) Construire trois points A, B et C alignés dans cet ordre tel que $AB = 5\text{ cm}$ et $BC = 5,8\text{ cm}$.
- 2) Construire la médiatrice (d) de $[AB]$ et (d') la médiatrice de $[BC]$.
- 3) Démontrer que (d) et (d') sont parallèles.

4-4/ Exercice 4

Tracer un cercle (C) de centre O et de Rayon 2 cm

Placer deux point A et B sur le cercle (C) tel que $AB = 3\text{ cm}$

Tracer la corde $[AB]$

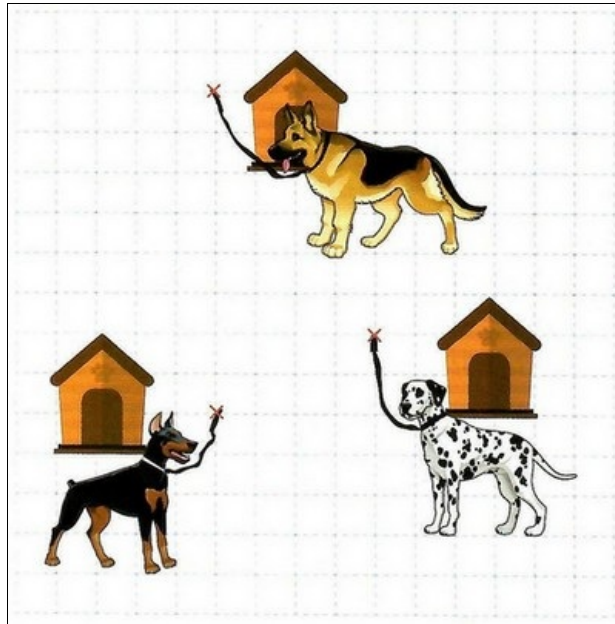
Placer le point M milieu de $[AB]$

Montrer que (OM) et La médiatrice de segment $[AB]$

4-5/ Exercice 5

Trois chiens sont dans des enclos.

La figure suivante permet de situer les piquets auquel chaque chien est attaché. Une longueur d'un centimètre sur le dessin correspond à une longueur d'un mètre en réalité :



Chaque laisse qui relie un chien au piquet a une longueur de $3m$.

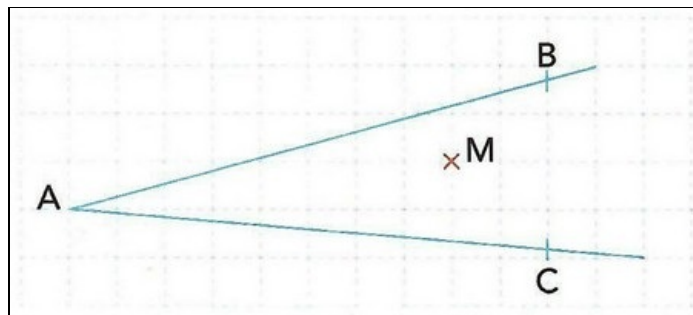
1. Mettre en couleur la zone que les trois chiens peuvent atteindre.

On doit placer une gamelle commune aux trois chiens.

2. Situer le point M représentant la position de la gamelle qui soit équidistante aux piquets des trois chiens. Expliquer.

4-6/ Exercice 6

M est un point situé à l'intérieur de l'angle \widehat{BAC} :



1. Placer le point P pour que (AB) soit la médiatrice de $[MP]$.
2. Placer le point Q pour que (AC) soit la médiatrice de $[MQ]$.
3. Déterminer en justifiant la réponse, le centre du cercle circonscrit au triangle MPQ .