

| | |
|---|------|
| التمرين الأول: (6,5 نقطة) | |
| 1- بين بالترجع أن: $17 \mid 2^{2n} - 21^n$ ($\forall n \in \mathbb{N}$) . | 2ن |
| 2- باستعمال الاستدلال بالاستلزم المضاد للعكس بين أن: $(\forall x \in \mathbb{R}^+) : x \neq 0 \Rightarrow \sqrt{x+1} \neq 1 + \frac{x}{2}$. | 1,5ن |
| 3- نعتبر العبارتين P و q بحيث $(\forall x \in \mathbb{R}^+) : x \geq 2\sqrt{x-1}$: p $(\forall y \in \mathbb{R}) (\exists x \in \mathbb{R}) : xy \neq x$: q | |
| أ- أعط نفي كل من العبارتين P و q . | 1ن |
| ب- بين أن العبارة P صحيحة وأن العبارة q خاطئة. | 1ن |
| ج- حدد قيمة حقيقة العبارة R بحيث: $R: [(\exists y \in \mathbb{R})(\forall x \in \mathbb{R}): xy = x] \Rightarrow [(\exists x \in \mathbb{R}^+) : x < 2\sqrt{x-1}]$ | 1ن |
| التمرين الثاني: (9 نقط) | |
| لتكن f و g الدالتين العدديتين المعرفتين بمايلي : $f(x) = \frac{1}{2}x^3$ و $g(x) = \frac{x+2}{x-1}$ و (C_f) و (C_g) منحناهما على التوالي في معلم متعمد منظم $(O; \vec{i}; \vec{j})$ | |
| 1- اعط جدول تغيرات كل من الدالتين f و g . | 1,5ن |
| 2- أ- بين أن النقطتين $I(2;4)$ و $J(-1; -\frac{1}{2})$ تتنميان إلى تقاطع المنحنيين (C_f) و (C_g) . | 1ن |
| ب- أنشئ (C_f) و (C_g) في نفس المعلم. | 2+1ن |
| 3- أ- حل مبيانيا المتراجحة: $f(x) \geq g(x)$. ب- حدد مبيانيا $[f([2; +\infty))]$. | 1ن |
| 4- نعتبر الدالة h المعرفة على المجال $[2; +\infty)$ بمايلي: $h(x) = \frac{x^3 + 4}{x^3 - 2}$ | 0,5ن |
| أ- تحقق أن: $(\forall x \in [2; +\infty)) h(x) = gof(x)$. ب- حدد رتبة h على المجال $[2; +\infty)$. | 0,5ن |
| ج- استنتج أن: $\forall x \in [2; +\infty) \exists y \in \mathbb{R} : h(y) = x$ | 0,5ن |
| التمرين الثالث: (5 نقطة) | |
| نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x المعرفة بمايلي: $f(x) = \frac{ x }{x^2 + 1}$. | |
| 1- حدد D_f و أدرس زوجية الدالة f . | 1ن |
| 2- أ- بين أنه لكل x و y من \mathbb{R}^+ بحيث $x \neq y$ $\frac{f(x) - f(y)}{x - y} = \frac{1 - xy}{(x^2 + 1)(y^2 + 1)}$. | 1ن |
| ب- أدرس رتبة f على كل من المجالين $[0; 1]$ و $[1; +\infty)$. | 1,5ن |
| ج- استنتاج تغيرات f على D_f . | 1ن |