

Dernière mise à jour 18/09/2016	Réponse harmonique des systèmes du 1° et 2° ordre	Denis DEFAUCHY 3 cours / 3 h
------------------------------------	--	---------------------------------

## A.V. Identification

Il est possible d'identifier un système en fonction de sa réponse à une entrée sinusoïdale.

### A.V.1 Principe

#### A.V.1.a Mesures et traitement des données

On impose en entrée du système un signal de pulsation et d'amplitude données :

$$e(t) = e_i \sin(\omega_i t) \quad ; \quad \begin{cases} e_i \\ \omega_i \end{cases} \text{ choisis}$$

On mesure alors sur la courbe de sortie  $s(t)$  :

- L'amplitude du signal  $s_i$
- Le déphasage du signal  $t_{\varphi_i} < 0$  – Déphasage du signal temporel « vers la droite »

On calcule ensuite :

$$\begin{cases} G_i = 20 \log\left(\frac{s_i}{e_i}\right) \\ \varphi_i = \omega_i t_{\varphi_i} < 0 \end{cases}$$

On obtient un tableau du type :

Imposé	Pulsation	$\omega_1$	$\omega_2$	...	$\omega_n$
	Amplitude entrée	$e_1$	$e_2$	...	$e_n$
Mesuré	Amplitude sortie	$s_1$	$s_2$	...	$s_n$
	Déphasage temporel	$t_{\varphi_1}$	$t_{\varphi_2}$	...	$t_{\varphi_n}$
Calculé	Gain	$G_1$	$G_2$		$G_n$
	Phase	$\varphi_1$	$\varphi_2$		$\varphi_n$

Il suffit alors de tracer les deux courbes suivantes en échelle logarithmique pour  $\omega_i$  :

$$\begin{cases} G_i = f(\omega_i) \\ \varphi_i = f(\omega_i) \end{cases}$$

Dernière mise à jour 18/09/2016	Réponse harmonique des systèmes du 1° et 2° ordre	Denis DEFAUCHY 3 cours / 3 h
------------------------------------	---	---------------------------------

### A.V.1.b Identification du système

#### A.V.1.b.i Ordre

On trace les asymptotes qui apparaissent sur les deux tracés (Gain, Phase) et on identifie le système.

Identification de l'ordre du système		
Pente du gain aux hautes pulsations	Phase aux hautes pulsations	Ordre du système
-20 db/dec	$\varphi_\infty = -90^\circ$	1° ordre
-40 db/dec	$\varphi_\infty = -180^\circ$	2° ordre

#### A.V.1.b.ii Coefficients

A l'aide des tracés asymptotiques du système, on remonte à ses différents coefficients caractéristiques.

Identification des coefficients du système	
1° ordre $H(p) = \frac{K}{1 + Tp}$	2° ordre $H(p) = \frac{K}{1 + \frac{2z}{\omega_0}p + \frac{1}{\omega_0^2}p^2}$
$G_0$ est le gain de l'asymptote horizontale aux faibles pulsations $K = 10^{\frac{G_0}{20}}$	
$\omega_c$ est à l'intersection des 2 asymptotes du gain On peut aussi utiliser l'inflexion de la phase lorsqu'elle vaut $-45^\circ$ On a alors : $T = \frac{1}{\omega_c}$	$\omega_0$ est à l'intersection des 2 asymptotes ( $\omega \rightarrow 0$ & $\omega \rightarrow \infty$ ) du gain On peut aussi utiliser l'inflexion de la phase lorsqu'elle vaut $-90^\circ$ On détermine alors $G(\omega_0)$ et on sait que : $G(\omega_0) = G_0 - 20 \log(2z)$ $z = \frac{10^{\frac{G_0 - G(\omega_0)}{20}}}{2}$

Remarque : dans le cas des 2° ordres, on peut utiliser la résonance si elle existe afin de déterminer  $z$  et  $\omega_0$

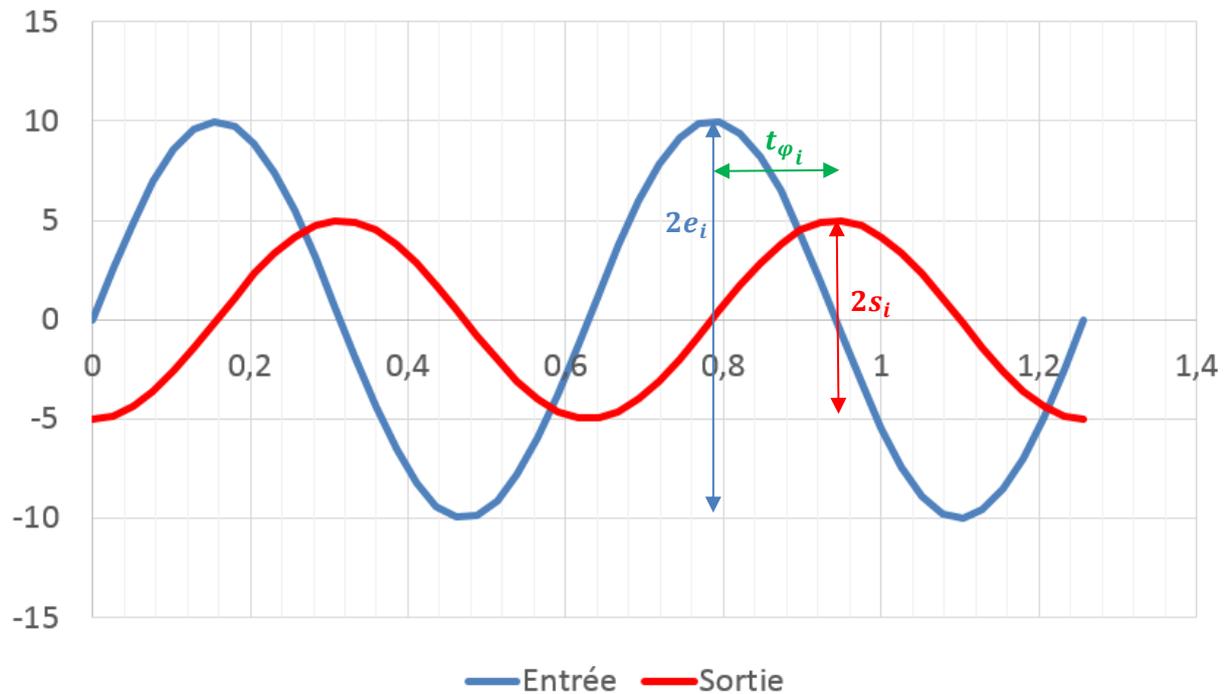
$$\begin{cases} G_r = 20 \log\left(\frac{K}{2z\sqrt{1-z^2}}\right) \\ \omega_r = \omega_0\sqrt{1-2z^2} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} z = \sqrt{\frac{1 - \sqrt{1 - \frac{K^2}{10^{G_r}}}}{2}} \\ \omega_0 = \frac{\omega_r}{\sqrt{1-2z^2}} \end{cases}$$

Dernière mise à jour 18/09/2016	Réponse harmonique des systèmes du 1° et 2° ordre	Denis DEFAUCHY 3 cours / 3 h
------------------------------------	--	---------------------------------

## A.V.2 Exemple de mesure d'une réponse

Soit les courbes d'entrée et sortie d'un système :

$$\begin{cases} e_i = 10 \\ \omega_i = 10 \end{cases}$$



Il est préférable de mesurer la double amplitude afin d'être deux fois plus précis.

$$\begin{cases} s_i = 5 \\ t_{\varphi_i} = -0,157 \text{ s} \end{cases}$$

Soit :

$$\begin{cases} G_i = 20 \log\left(\frac{5}{10}\right) = -6,02 \\ \varphi_i = -10 * 0,16 = -1,57 \text{ rd} \end{cases}$$