

NOM : .....

PRENOM : .....

NUMERO DE CANDIDAT : .....



## EPREUVE DE PHYSIQUE

DUREE : 1h30mn

Coefficient 5

### CONSIGNES SPECIFIQUES

***Lire attentivement les consignes afin de vous placer dans les meilleures conditions de réussite de cette épreuve :***

Cette épreuve comporte volontairement plus d'exercices que vous ne pouvez en traiter dans le temps imparti. La raison en est que votre enseignant n'a pas forcément traité l'ensemble du programme de Terminale S.

**Vous devez répondre à 45 questions au choix parmi les 60 proposées pour obtenir la note maximale.**

Si vous traitez plus de 45 questions, seules les 45 premières seront prises en compte.

Aucun brouillon n'est distribué. Les pages blanches de ce sujet peuvent être utilisées à l'usage de brouillon.

L'usage de la calculatrice ou de tout autre appareil électronique est interdit.

Aucun document autre que ce sujet et sa grille réponse n'est autorisé.

Attention, il ne s'agit pas d'un examen mais bien d'un concours qui aboutit à un classement.

Si vous trouvez ce sujet « difficile », ne vous arrêtez pas en cours de composition, n'abandonnez pas, restez concentré(e). Les autres candidats rencontrent probablement les mêmes difficultés que vous !

### ***Barème :***

Afin d'éliminer les stratégies de réponses au hasard, **chaque réponse exacte est gratifiée de 3 points**, tandis que **chaque réponse fautive est pénalisée par le retrait d'1 point**.

Exercice 1

1) Pour faire le tour de la terre (en suivant l'équateur), il faut parcourir une distance d'environ :

- A) 4 000 km
- B) 40 000 km
- C) 400 000 km
- D) 4 000 000 km

2) Laquelle des 4 unités suivantes n'est pas une unité mesurant l'énergie :

- A) le joule
- B) le watt
- C) le kilowattheure
- D) la calorie

3) La masse molaire de l'eau est de 18 g par mole. Donner l'ordre de grandeur du nombre de molécules d'eau contenues dans une bouteille d'un litre :

- A)  $3.10^{21}$  molécules
- B)  $3.10^{23}$  molécules
- C)  $3.10^{25}$  molécules
- D)  $3.10^{27}$  molécules

4) Les trajectoires réelles décrites par les planètes autour du soleil sont :

- A) des cercles
- B) des hélices
- C) des hyperboles
- D) des ellipses

5) La lumière du soleil met environ 8 minutes pour parvenir sur terre. On en déduit que la distance de la terre au soleil est de :

- A)  $1,44.10^6$  km
- B)  $1,44.10^7$  km
- C)  $1,44.10^8$  km
- D)  $1,44.10^9$  km

6) En électricité, si  $U$  désigne une tension,  $I$  une intensité,  $L$  une inductance,  $C$  une capacité et  $R$  une résistance laquelle des expressions suivantes est homogène à une énergie :

- A)  $C. q^2$
- B)  $\sqrt{LC}. U. I$
- C)  $\frac{U^2}{C}$
- D)  $R. U^2$

7) Si  $F$  est l'intensité d'une force,  $a$  une accélération,  $m$  une masse,  $v$  une vitesse,  $t$  une durée et  $d$  une distance, laquelle des expressions suivantes est homogène à une puissance :

- A)  $m. F$
- B)  $F. d. t$
- C)  $\frac{d.a.t}{m}$
- D)  $\frac{m.a.d}{t}$

8) Quand on règle son poste de radio sur la fréquence FM 100 MHz, combien de fois par seconde oscille l'onde captée :

- A)  $10^7$  fois
- B)  $10^8$  fois
- C)  $10^9$  fois
- D)  $10^{10}$  fois

9) À combien de  $m^2$  correspondent 1 hectare :

- A)  $10^3 m^2$
- B)  $10^4 m^2$
- C)  $10^5 m^2$
- D)  $10^6 m^2$

10) Une douche a un débit de 15 litres par minute. Ce débit correspond à :

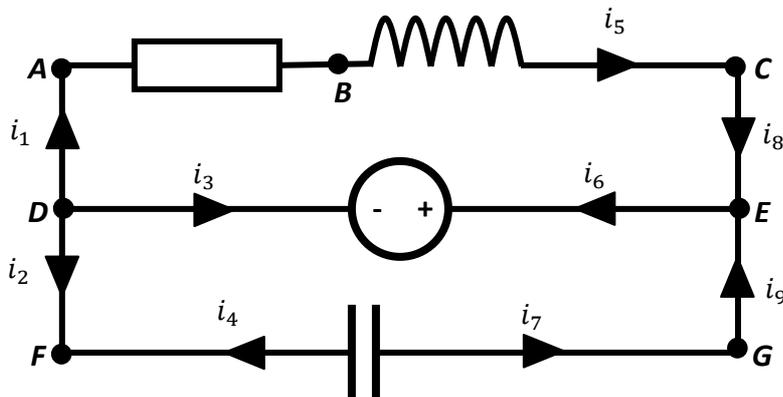
- A)  $1,5 \cdot 10^{-3} m^3/s$
- B)  $2,5 \cdot 10^{-3} m^3/s$
- C)  $2,5 \cdot 10^{-4} m^3/s$
- D)  $4 \cdot 10^{-4} m^3/s$

11) On souhaite peser une quantité de liquide. On commence par peser un flacon vide et on obtient un résultat de  $47 \pm 2$  g. On pèse ensuite le même flacon rempli du liquide et on obtient un résultat de  $297 \pm 13$  g. La masse du liquide avec l'incertitude de la pesée est de :

- A)  $250 \pm 11$  g
- B)  $250 \pm 15$  g
- C)  $250 \pm 13$  g
- D)  $250 \pm 7,5$  g

### Exercice 2

On considère le circuit électrique suivant :



12) On a la relation :

- A)  $u_{AB} - u_{CB} + u_{EC} + u_{ED} = 0$
- B)  $u_{AB} + u_{BC} - u_{EC} = u_{DE}$
- C)  $u_{BA} + u_{BC} = u_{EC} + u_{DE}$
- D) aucune des 3 réponses précédentes

13) On a la relation :

- A)  $u_{DF} - u_{GF} = u_{GE} + u_{ED}$
- B)  $u_{FD} + u_{GF} + u_{GE} = u_{ED}$
- C)  $u_{DF} + u_{FG} - u_{EG} + u_{DE} = 0$
- D) aucune des 3 réponses précédentes

14) On a la relation :

- A)  $u_{AF} + u_{GF} + u_{GC} - u_{BC} = u_{AB}$
- B)  $u_{AF} + u_{FG} = u_{GC} + u_{BC} + u_{BA}$
- C)  $u_{GC} - u_{BC} + u_{BA} = u_{GF} - u_{AF}$
- D) aucune des 3 réponses précédentes

15) On a la relation :

- A)  $i_1 + i_2 = i_4$
- B)  $i_1 + i_7 + i_3 = 0$
- C)  $i_4 - i_3 = i_1$
- D) aucune des 3 relations précédentes

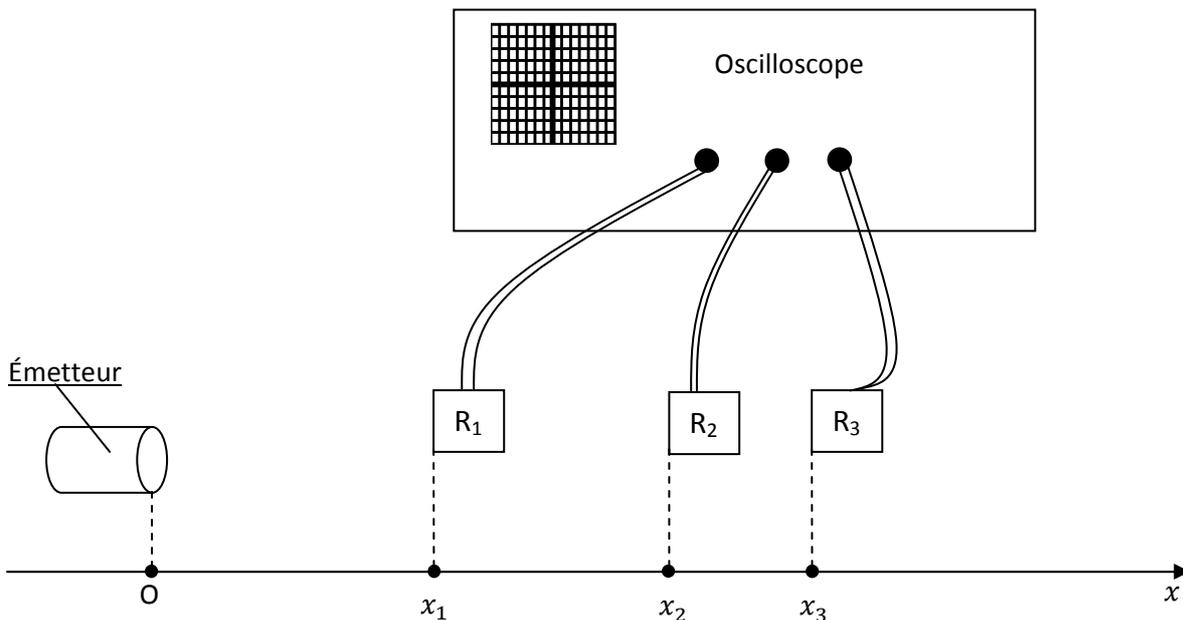
16) On a la relation :

- A)  $i_5 + i_6 - i_3 + i_1 = 0$
- B)  $i_7 + i_9 = i_5 + i_8$
- C)  $i_2 + i_9 + i_4 + i_8 = i_6$
- D) aucune des 3 réponses précédentes

**Exercice 3**

Un dispositif émet une onde ultrasonore qui se propage dans l'air jusqu'à trois récepteurs  $R_1$ ,  $R_2$  et  $R_3$ .

Les récepteurs sont reliés à un oscilloscope, ce qui permet de visualiser les signaux reçus (voir schéma suivant).

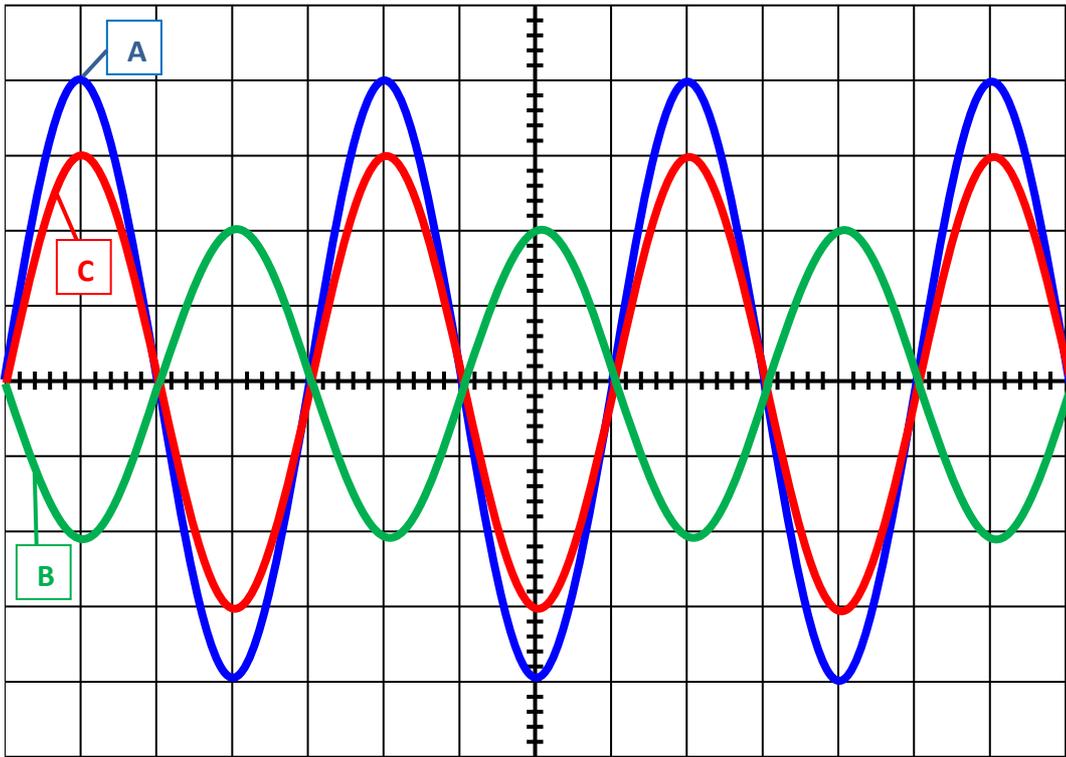


On repère les positions des 3 récepteurs par rapport à l'émetteur à l'aide des abscisses  $x_1, x_2, x_3$  des projections des 3 récepteurs sur un axe  $(Ox)$  ; l'émetteur se projette à l'origine  $O$  de l'axe  $(Ox)$ .

Comme sur le schéma,  $x_1, x_2, x_3$  sont tous les trois positifs et on a  $x_1 < x_2 < x_3$ .

On obtient sur l'oscilloscope les trois courbes suivantes.

On a la même sensibilité sur toutes les voies de l'oscilloscope : le balayage vertical est de 1 mV par division et le balayage horizontal de 12,5  $\mu s$  par division.



17) On peut affirmer que :

- A) les courbes A et B sont en phase
- B) les courbes A et C sont en opposition de phase
- C) les courbes A, B et C n'ont pas la même période
- D) les courbes B et C sont en opposition de phase

18) On peut affirmer que :

- A) la courbe A correspond au récepteur  $R_3$
- B) la courbe B correspond au récepteur  $R_3$
- C) la courbe C correspond au récepteur  $R_3$
- D) on ne peut déterminer quelle courbe correspond à quel récepteur.

19) La période des ondes émises est de :

- A)  $5 \cdot 10^{-3}$  s
- B)  $5 \cdot 10^{-5}$  s
- C)  $2,5 \cdot 10^{-3}$  s
- D)  $2,5 \cdot 10^{-5}$  s

20) La fréquence des ondes émises est de :

- A) 20 kHz
- B) 20 Hz
- C) 40 kHz
- D) 40 Hz

On souhaite calculer la vitesse de propagation des ondes dans l'air.

Pour cela, on déplace le récepteur  $R_3$  progressivement vers la droite (dans le sens des  $x$  croissants), tout en laissant fixes les récepteurs  $R_1$  et  $R_2$ . Au départ, les courbes correspondant aux récepteurs  $R_1$  et  $R_2$  sont en opposition de phase avec la courbe correspondant au récepteur  $R_3$ .

## Concours AVENIR – 8 mai 2011

Pour obtenir pour la première fois à nouveau l'opposition de phase entre les courbes sur l'écran de l'oscilloscope, il faut déplacer le récepteur  $R_3$  de 2 cm vers la droite.

On désigne par  $\lambda$  la longueur d'onde des ondes ultrasonores considérées, par  $v$  leur vitesse de propagation dans l'air et  $T$  leur période.

**21) On a la relation :**

A)  $v = \lambda T$

B)  $v = \frac{T}{\lambda}$

C)  $\lambda = vT$

D)  $T = \lambda v$

**22) La vitesse des ultrasons dans l'air est alors de :**

A)  $300 \text{ m.s}^{-1}$

B)  $340 \text{ m.s}^{-1}$

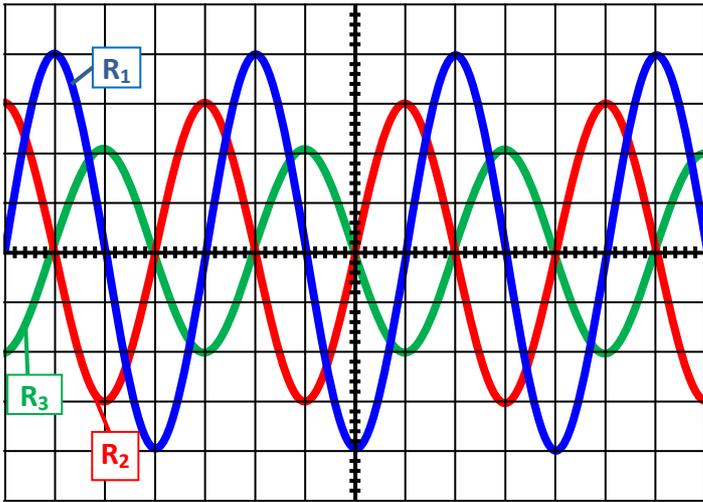
C)  $400 \text{ m.s}^{-1}$

D)  $420 \text{ m.s}^{-1}$

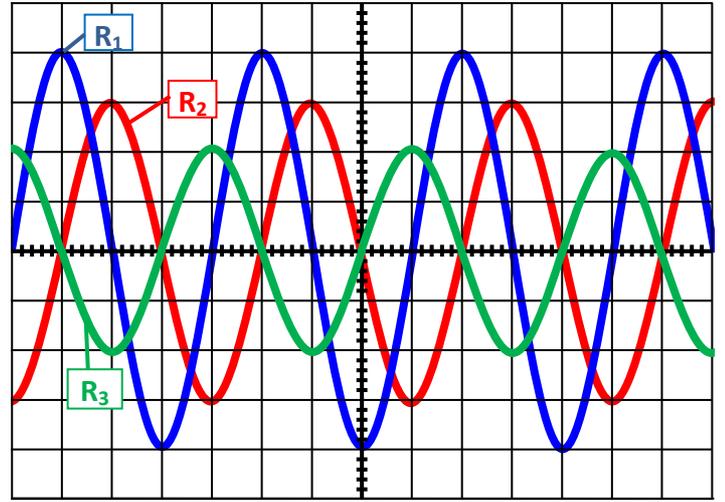
On déplace maintenant les récepteurs  $R_2$  et  $R_3$  tout en laissant le récepteur  $R_1$  fixe. Après le déplacement on a  $x_1 = 20 \text{ cm}$ ,  $x_2 = 31,5 \text{ cm}$  et  $x_3 = 40,5 \text{ cm}$ .

23) Parmi les 4 écrans suivants lequel correspond à celui obtenu sur l'écran de l'oscilloscope après le déplacement ?

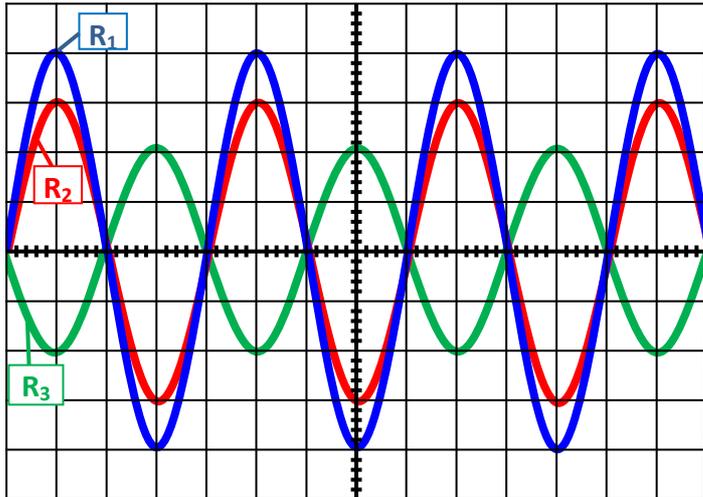
A)



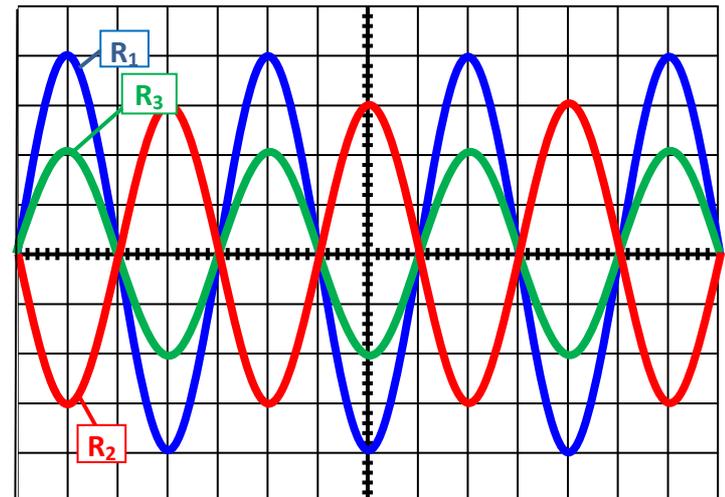
B)



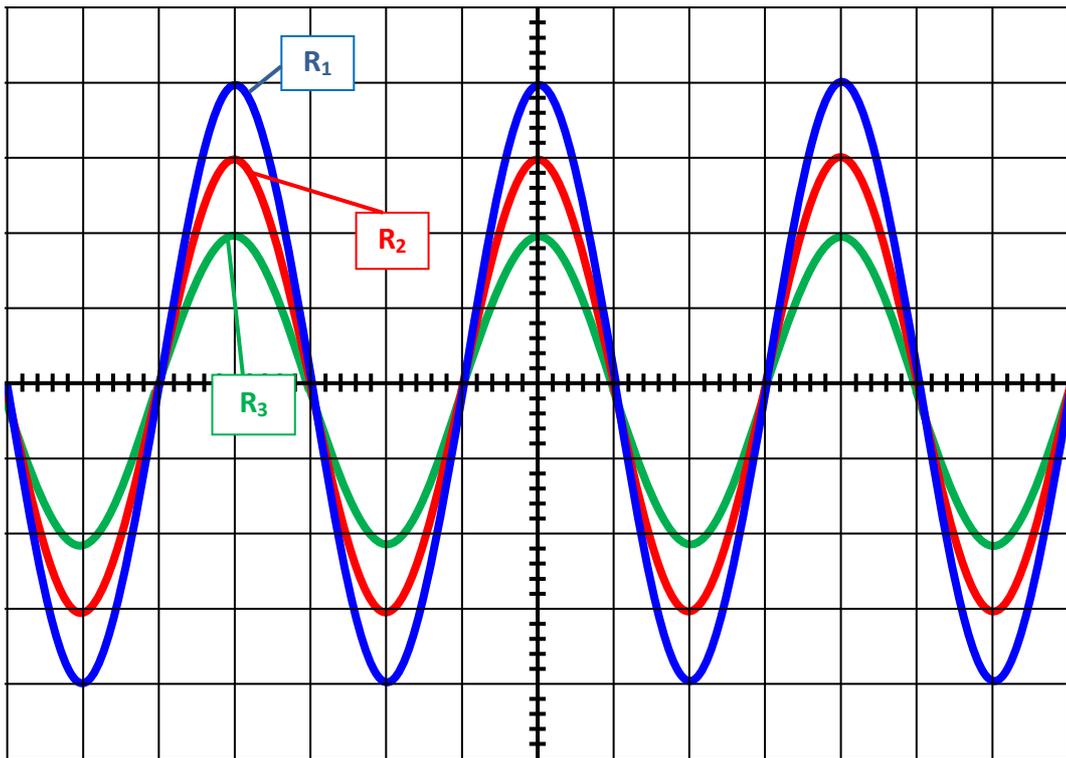
C)



D)



24) Parmi les 4 positions suivantes laquelle pourrait donner l'écran d'oscilloscope qui suit :



- A)  $x_1 = 20$  cm,  $x_2 = 32$  cm et  $x_3 = 40$  cm
- B)  $x_1 = 21$  cm,  $x_2 = 31$  cm et  $x_3 = 42$  cm
- C)  $x_1 = 20$  cm,  $x_2 = 30$  cm et  $x_3 = 41$  cm
- D)  $x_1 = 21$  cm,  $x_2 = 31$  cm et  $x_3 = 41$  cm

25) On plonge maintenant dans l'eau l'émetteur et les récepteurs  $R_1$ ,  $R_2$  et  $R_3$ .

On conserve la même fréquence que précédemment.

Suivant le même principe que précédemment en déplaçant progressivement le récepteur  $R_3$ , on constate une longueur d'onde 4 fois plus grande par rapport à celle observée dans l'air.

La vitesse de propagation des ondes ultrasonores dans l'eau vaut :

- A)  $1\,360$  m.s<sup>-1</sup>
- B)  $680$  m.s<sup>-1</sup>
- C)  $1\,600$  m.s<sup>-1</sup>
- D)  $1\,500$  m.s<sup>-1</sup>

**Exercice 4**

On considère 2 objets ponctuels  $A$  et  $B$  de masses respectives  $m_A$  et  $m_B$ , séparés par une distance  $d$ .

On note  $\vec{F}_{B/A}$  la force d'attraction exercée par l'objet  $B$  sur l'objet  $A$  et  $\vec{F}_{A/B}$  la force d'attraction exercée par l'objet  $A$  sur l'objet  $B$ .

On note  $\vec{u}_{AB} = \frac{\vec{AB}}{d}$  le vecteur unitaire de la droite  $(AB)$  orienté de  $A$  vers  $B$ .

On donne la valeur de la constante de gravitation  $G = 6,67 \cdot 10^{-11}$  S.I.

**26) On a l'égalité :**

A)  $\vec{F}_{B/A} = -G \cdot \frac{m_A \cdot m_B}{d^2} \cdot \vec{u}_{AB}$

B)  $\vec{F}_{B/A} = \vec{F}_{A/B}$

C)  $\vec{F}_{B/A} = G \cdot \frac{m_A \cdot m_B}{d^2} \cdot \vec{u}_{AB}$

D)  $\vec{F}_{B/A} = G \cdot \frac{m_A \cdot m_B}{d} \cdot \vec{u}_{AB}$

**27) Dans le système international d'unités, la constante de gravitation  $G$  s'exprime en :**

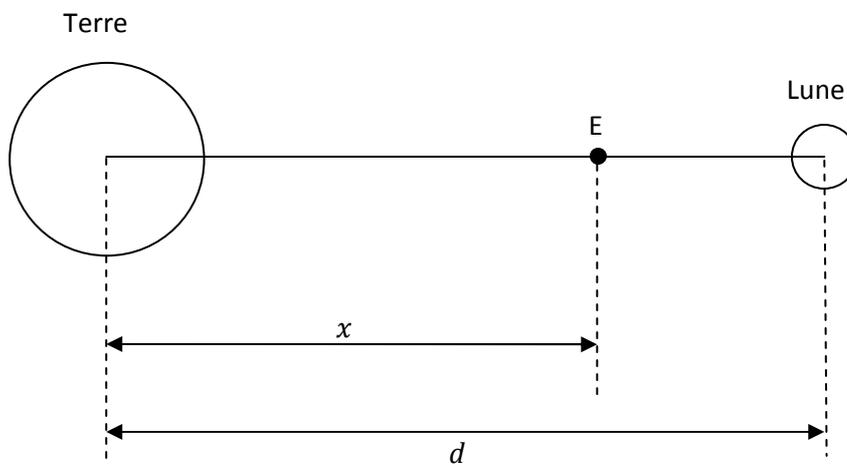
A)  $\text{N} \cdot \text{m} \cdot \text{kg}^{-2}$

B)  $\text{N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{kg}^{-1}$

C)  $\text{m}^2 \cdot \text{kg}^{-1} \cdot \text{s}^{-2}$

D)  $\text{m}^3 \cdot \text{kg}^{-1} \cdot \text{s}^{-2}$

On cherche le point d'équigravité  $E$  entre la terre et la lune (le point où les attractions respectives de la terre et de la lune s'annulent). On considère le schéma suivant (les échelles ne sont pas respectées) :



On donne la masse de la terre  $m_T = 6 \cdot 10^{21}$  tonnes, celle de la lune  $m_L = 7 \cdot 10^{19}$  tonnes, ainsi que la distance terre-lune  $d = 380\,000$  km.

**28) On a le résultat :**

A)  $x = \frac{\sqrt{\frac{m_T}{m_L}}}{1 + \sqrt{\frac{m_T}{m_L}}} \cdot d$

B)  $x = \frac{1 + \sqrt{\frac{m_T}{m_L}}}{\sqrt{\frac{m_T}{m_L}}} \cdot d$

C)  $x = \frac{1}{1 + \sqrt{\frac{m_T}{m_L}}} \cdot d$

D) aucune des 3 réponses précédentes

On considère un satellite en orbite autour de la lune, à une altitude  $h$ . On donne le rayon de la lune  $R_L = 1700$  km. On considèrera dans toute la suite de l'exercice que l'altitude  $h$  est suffisamment petite pour que l'attraction terrestre soit négligeable devant celle de la lune. On note  $g_0$  la valeur du champ de pesanteur à la surface de la lune.

**29) On a la relation :**

- A)  $g_0 = \frac{G \cdot m_L}{R_L}$   
 B)  $g_0 = \frac{G \cdot m_L}{(R_L)^2}$   
 C)  $g_0 = \frac{G}{(R_L)^2}$   
 D)  $g_0 = \frac{G}{R_L}$

**30) En première approximation, on considère que  $\frac{R_T}{R_L} = 4$  et que  $\frac{m_T}{m_L} = 100$ . On souhaite comparer la valeur du champ de pesanteur  $g_{\text{Terre}}$  à la valeur  $g_0$  du champ de pesanteur à la surface de la lune. On a la relation :**

- A)  $g_0 = \frac{16}{100} \cdot g_{\text{Terre}}$   
 B)  $g_0 = \frac{1}{6} \cdot g_{\text{Terre}}$   
 C)  $g_0 = \frac{32}{100} \cdot g_{\text{Terre}}$   
 D) aucune des 3 réponses précédentes

**31) Si on note  $g$  la valeur du champ de pesanteur lunaire à l'altitude  $h$  du satellite, on a :**

- A)  $g = g_0 \cdot \left(\frac{R_L}{R_L+h}\right)^2$   
 B)  $g = g_0 \cdot \frac{R_L}{R_L+h}$   
 C)  $g = g_0 \cdot \frac{R_L}{h}$   
 D)  $g = g_0 \cdot \left(\frac{R_L}{h}\right)^2$

**32) On suppose que le mouvement du satellite est circulaire uniforme.**

On peut dire à propos du satellite que :

- A) son accélération est nulle  
 B) son accélération est tangentielle à la trajectoire  
 C) son accélération est normale, dirigée vers l'extérieur  
 D) son accélération est normale, dirigée vers l'intérieur

**33)  $v$  désigne la valeur de la vitesse du satellite,  $\omega$  sa vitesse angulaire et  $a$  la valeur de son accélération. On a la relation :**

- A)  $a = \frac{v^2}{h}$   
 B)  $a = \omega^2 \cdot (R_L + h)$   
 C)  $a = \frac{\omega^2}{R_L+h}$   
 D) aucune des 3 réponses précédentes

**34) On a la relation :**

- A)  $v = \sqrt{\frac{(R_L)^2 \cdot g_0}{R_L+h}}$   
 B)  $v = \sqrt{\frac{R_L \cdot h \cdot g_0}{R_L+h}}$   
 C)  $v = h \cdot \sqrt{\frac{g_0}{R_L+h}}$   
 D) aucune des 3 réponses précédentes

35) La vitesse angulaire du satellite est de :

- A)  $\omega = \frac{(R_L)^2 \cdot g_0}{(R_L+h)^3}$   
 B)  $\omega = \sqrt{\frac{(R_L)^2 \cdot g_0}{(R_L+h)^3}}$   
 C)  $\omega = \sqrt{\frac{g_0}{R_L+h}}$

D) aucune des 3 réponses précédentes

36) La période de révolution du satellite est de :

- A)  $T = \frac{R_L+h}{R_L} \cdot \sqrt{\frac{R_L+h}{g_0}}$   
 B)  $T = \frac{2\pi \cdot R_L}{R_L+h} \cdot \sqrt{\frac{R_L+h}{g_0}}$   
 C)  $T = 2\pi \cdot \sqrt{\frac{R_L+h}{g_0}}$

D) aucune des 3 réponses précédentes

### Exercice 5

On étudie 3 systèmes physiques oscillants (parties A, B, C). Les parties A, B et C sont indépendantes : seule la partie D utilise les résultats des autres parties.

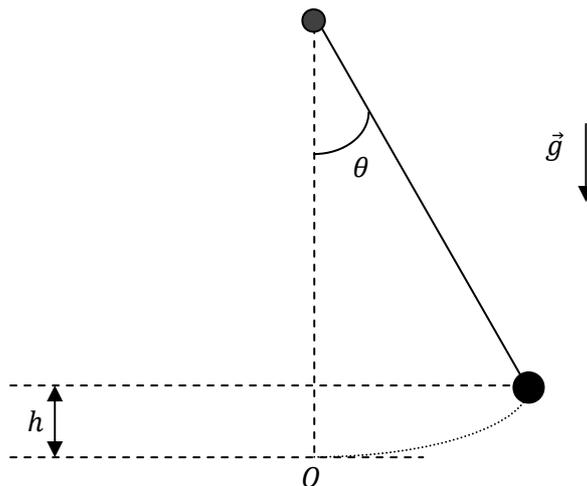
Partie A : pendule simple

Un pendule est constitué d'une bille de masse  $m$  fixée à l'extrémité d'un fil de longueur  $l$  et de masse négligeable. On note  $\theta$  l'angle du fil par rapport à la verticale. Le système évolue dans le champ de pesanteur terrestre  $\vec{g}$ .

On supposera que les oscillations sont de faible amplitude, c'est-à-dire que les angles  $\theta$  considérés sont petits.

On écarte le pendule d'un angle  $\theta_0$  de sa position d'équilibre et on le lâche à  $t = 0$  avec une vitesse initiale nulle.

Tous les frottements sont négligés.



La masse  $m$  est soumise à 2 forces : son poids  $\vec{P}$  et la tension  $\vec{T}$  du fil.

**37) On note  $h$  l'altitude de la bille, l'altitude 0 étant prise à la position d'équilibre. On a la relation :**

- A)  $h = l \cdot \sin(\theta)$
- B)  $h = l \cdot \cos(\theta)$
- C)  $h = l \cdot (1 - \sin(\theta))$
- D)  $h = l \cdot (1 - \cos(\theta))$

**38) On peut affirmer :**

- A) il y a conservation au cours du temps de l'énergie potentielle de pesanteur de la bille
- B) il y a conservation au cours du temps de l'énergie cinétique de la bille
- C) il y a conservation de l'énergie mécanique de la bille
- D) aucune des 3 réponses précédentes

On note  $\dot{\theta} = \frac{d\theta}{dt}$  la dérivée de  $\theta$  par rapport au temps et  $\ddot{\theta} = \frac{d^2\theta}{dt^2}$  sa dérivée seconde.

**39) On a la relation :**

- A)  $\frac{1}{2} \cdot ml^2(\dot{\theta})^2 + mgl(1 - \cos(\theta)) = \text{Constante}$
- B)  $\frac{1}{2} \cdot m(\dot{\theta})^2 + mgl(\cos(\theta)) = \text{Constante}$
- C)  $\frac{1}{2} \cdot ml^2(\dot{\theta})^2 + \frac{1}{2} \cdot mgl(1 - \cos(\theta)) = \text{Constante}$
- D) aucune des 3 réponses précédentes

**40) En dérivant la relation précédente, on obtient l'équation différentielle :**

- A)  $ml^2 \cdot \dot{\theta} \cdot \ddot{\theta} + mgl \cdot \dot{\theta} \cdot \sin(\theta) = 0$
- B)  $ml^2 \cdot \dot{\theta} + mgl \cdot \dot{\theta} \cdot \cos(\theta) = 0$
- C)  $m \cdot \dot{\theta} \cdot \ddot{\theta} + \frac{1}{2}mgl \cdot \dot{\theta} \cdot \sin(\theta) = 0$
- D) aucune des 3 réponses précédentes

On admettra que pour des angles  $\theta$  petits, on a :  $\sin(\theta) \cong \theta$ .

**41) On a l'équation différentielle :**

- A)  $\ddot{\theta} + \frac{g}{l} \cdot \theta = 0$
- B)  $\ddot{\theta} - \frac{g}{l} \cdot \theta = 0$
- C)  $\ddot{\theta} + \frac{mg}{l} \cdot \theta = 0$
- D) aucune des 3 réponses précédentes

**42) Le mouvement du pendule est alors décrit par :**

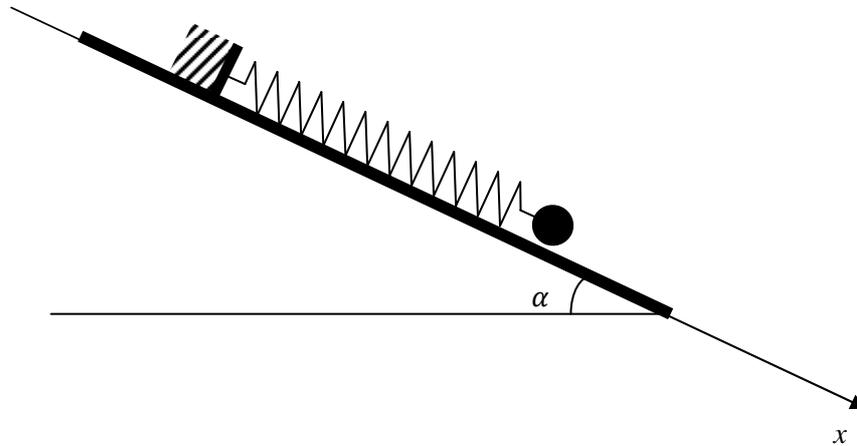
- A)  $\theta = \theta_0 \cdot \cos\left(\sqrt{\frac{g}{l}} \cdot t\right)$
- B)  $\theta = \theta_0 \cdot \sin\left(\sqrt{\frac{g}{l}} \cdot t\right)$
- C)  $\theta = \theta_0 \cdot \sin\left(\sqrt{\frac{mg}{l}} \cdot t\right)$
- D) aucune des 3 réponses précédentes

**43) La période des oscillations du pendule est :**

- A)  $T_0 = 2\pi \cdot \sqrt{\frac{g}{l}}$
- B)  $T_0 = 2\pi \cdot \sqrt{\frac{l}{g}}$
- C)  $T_0 = \sqrt{\frac{l}{g}}$
- D) aucune des 3 réponses précédentes

Partie B : Système masse-ressort

On considère le système suivant :



Sur un plan incliné, une masse  $m$  est fixée à l'extrémité d'un ressort, lui-même fixé par son autre extrémité à un mur fixe. Le plan incliné est équipé d'un banc à coussins d'air, de sorte que les frottements peuvent être négligés.

Le ressort est à spires non jointives, a une longueur à vide  $l_0$  et une constante de raideur  $k$ .

On considèrera que le ressort est sans masse.

On repère la position de la masse par la projection de son centre de gravité sur un axe  $(Ox)$ , parallèle au plan incliné.

À partir de la position d'équilibre  $O$  prise comme origine, on écarte la masse  $m$  d'une longueur  $x_0 > 0$  et on la lâche sans vitesse initiale à l'instant  $t = 0$ .

**44) On note  $L$  la longueur du ressort à l'équilibre. On a :**

- A)  $mg \cdot \sin(\alpha) = k \cdot L$
- B)  $mg \cdot \cos(\alpha) = k \cdot L$
- C)  $mg \cdot \sin(\alpha) = k \cdot (L - l_0)$
- D)  $mg \cdot \cos(\alpha) = k \cdot (L - l_0)$

On note  $\dot{x} = \frac{dx}{dt}$  et  $\ddot{x} = \frac{d^2x}{dt^2}$ .

**45) On a l'équation différentielle :**

- A)  $m \cdot \ddot{x} + kx = 0$
- B)  $m \cdot \ddot{x} + k(L + x - l_0) + mg \cdot \sin(\alpha) = 0$
- C)  $m \cdot \ddot{x} + k(x - l_0) - mg \cdot \sin(\alpha) = 0$
- D) aucune des 3 relations précédentes

**46) On considère l'énergie totale du système masse-ressort.**

**La conservation de l'énergie mécanique s'écrit :**

- A)  $\frac{1}{2}k(L + x - l_0)^2 + \frac{1}{2}m(\dot{x})^2 - mg \cdot x \cdot \sin(\alpha) = \text{Constante}$
- B)  $\frac{1}{2}k(x - l_0)^2 + \frac{1}{2}m(\dot{x})^2 - mg \cdot x \cdot \sin(\alpha) = \text{Constante}$
- C)  $\frac{1}{2}k(L + x - l_0)^2 + \frac{1}{2}m(\dot{x})^2 + mg \cdot x \cdot \sin(\alpha) = \text{Constante}$
- D) aucune des 3 réponses précédentes

47) En dérivant la relation de conservation de l'énergie mécanique, on obtient :

- A)  $k \cdot \dot{x} \cdot (L + x - l_0) + \frac{1}{2} m \cdot \dot{x} \cdot \ddot{x} - mg \cdot \dot{x} \cdot \sin(\alpha) = 0$
- B)  $k \cdot \dot{x} \cdot (L + x - l_0) + m \cdot \dot{x} \cdot \ddot{x} - mg \cdot \dot{x} \cdot \sin(\alpha) = 0$
- C)  $k \cdot (L + x - l_0) + \frac{1}{2} m \cdot \ddot{x} - mg \cdot \sin(\alpha) = 0$
- D) aucune des 3 réponses précédentes

48) On a alors l'équation différentielle :

- A)  $k \cdot (L + x - l_0) + m \cdot \ddot{x} - mg \cdot \sin(\alpha) = 0$
- B)  $k \cdot (L + x) + m \cdot \ddot{x} - mg \cdot \sin(\alpha) = 0$
- C)  $k \cdot x + m \cdot \ddot{x} - mg \cdot \sin(\alpha) = 0$
- D) aucune des 3 réponses précédentes

49) Le mouvement est alors décrit par :

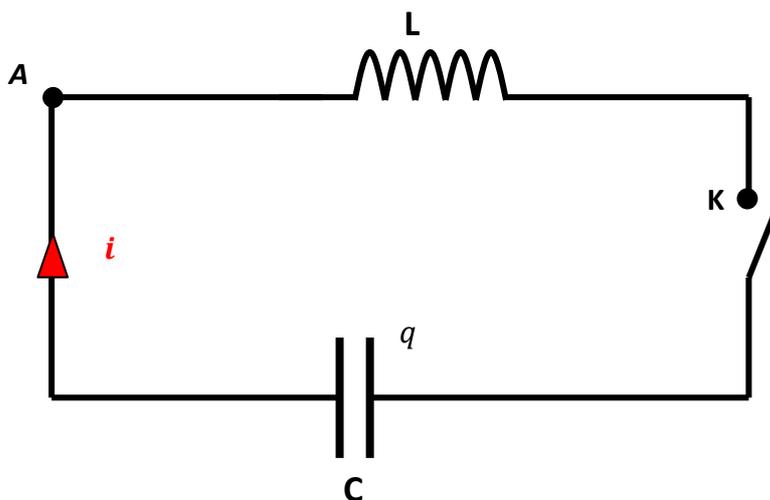
- A)  $x(t) = x_0 \cdot \cos\left(\sqrt{\frac{k}{m}} \cdot t\right)$
- B)  $x(t) = x_0 \cdot \sin\left(\sqrt{\frac{k}{m}} \cdot t\right)$
- C)  $x(t) = x_0 \cdot \cos\left(\sqrt{\frac{k}{m \cdot \sin(\alpha)}} \cdot t\right)$
- D) aucune des 3 réponses précédentes

50) La période des oscillations du pendule est :

- A)  $T_0 = 2\pi \cdot \sqrt{\frac{k}{m}}$
- B)  $T_0 = \sqrt{\frac{m}{k}}$
- C)  $T_0 = \sqrt{\frac{m \cdot \sin(\alpha)}{k}}$
- D) aucune des 3 réponses précédentes

Partie C : Oscillations dans un circuit LC

On considère le circuit électrique suivant :



La bobine est idéale : elle a une inductance  $L$  et sa résistance est nulle. On note  $C$  la capacité du condensateur. Le condensateur a été préalablement chargé et à l'instant  $t = 0$  on ferme l'interrupteur  $K$ . On étudie les échanges d'énergie entre le condensateur et la bobine.  $q$  désigne la charge de l'armature du condensateur reliée à l'interrupteur  $K$ .

51) On a la relation :

- A)  $i(t) = -\frac{dq}{dt}$   
 B)  $i(t) = C \cdot \frac{dq}{dt}$   
 C)  $i(t) = \frac{dq}{dt}$   
 D)  $i(t) = -C \cdot \frac{dq}{dt}$

52) On a la relation :

- A)  $u_{AK} = \frac{1}{L} \cdot \frac{di}{dt}$   
 B)  $u_{AK} = L \cdot \frac{di}{dt}$   
 C)  $u_{AK} = -L \cdot \frac{di}{dt}$   
 D) aucune des 3 réponses précédentes

53) On a l'équation différentielle :

- A)  $L \cdot \frac{d^2q}{dt^2} + \frac{q}{C} = 0$   
 B)  $L \cdot \frac{d^2q}{dt^2} - \frac{q}{C} = 0$   
 C)  $L \cdot \frac{d^2q}{dt^2} + C \cdot q = 0$   
 D) aucune des 3 réponses précédentes

54) On peut affirmer :

- A) on a un régime pseudo-périodique d'oscillations amorties dont la pseudo-période propre est  $T = 2\pi\sqrt{LC}$   
 B) la tension aux bornes du condensateur peut s'écrire  $u_{KA} = U_m \cdot \cos\left(\frac{2\pi}{\sqrt{LC}} \cdot t + \varphi_0\right)$   
 C) la tension aux bornes du condensateur peut s'écrire  $u_{KA} = U_m \cdot \cos(\sqrt{LC} \cdot t + \varphi_0)$   
 D) aucune des 3 réponses précédentes

55) D'un point de vue énergétique, on a :

- A)  $\frac{1}{2} \cdot L \cdot (i(t))^2 = \text{Constante}$   
 B)  $\frac{1}{2} \cdot L \cdot (i(t))^2 + \frac{1}{2C} \cdot (u_{KA}(t))^2 = \text{Constante}$   
 C)  $\frac{1}{2} \cdot L \cdot (i(t))^2 + \frac{1}{2} \cdot C \cdot (u_{KA}(t))^2 = \text{Constante}$   
 D) aucune des 3 réponses précédentes

56) En dérivant la conservation de l'énergie, on obtient :

- A)  $L \cdot \frac{di}{dt} \cdot i(t) + C \cdot \frac{du_{KA}}{dt} \cdot u_{KA}(t) = 0$   
 B)  $L \cdot \left(\frac{di}{dt}\right)^2 + C \cdot \left(\frac{du_{KA}}{dt}\right)^2 = 0$   
 C)  $L \cdot \frac{di}{dt} \cdot i(t) + \frac{1}{C} \cdot \frac{du_{KA}}{dt} \cdot u_{KA}(t) = 0$   
 D) aucune des 3 réponses précédentes

57) On a la relation :

- A)  $i(t) = C \cdot \frac{du_{AK}}{dt}$   
 B)  $i(t) = C \cdot \frac{du_{KA}}{dt}$   
 C)  $i(t) = \frac{1}{C} \cdot \frac{du_{AK}}{dt}$   
 D)  $i(t) = \frac{1}{C} \cdot \frac{du_{KA}}{dt}$

58) En reportant la relation de la question précédente dans l'égalité obtenue en dérivant la conservation de l'énergie, on obtient après simplification :

A)  $C \cdot \frac{di}{dt} + L \cdot u_{KA}(t) = 0$

B)  $L \cdot \frac{di}{dt} + u_{AK}(t) = 0$

C)  $\frac{L}{C} \cdot \frac{di}{dt} + u_{KA}(t) = 0$

D)  $L \cdot \frac{di}{dt} + u_{KA}(t) = 0$

Partie D : Analogies

59) Les fréquences des oscillations des systèmes étudiés dans les parties A, B et C sont respectivement :

A)  $f_{\text{système A}} = \frac{l}{g}$ ,  $f_{\text{système B}} = \frac{m}{k}$  et  $f_{\text{système C}} = LC$

B)  $f_{\text{système A}} = 2\pi \cdot \frac{l}{g}$ ,  $f_{\text{système B}} = 2\pi \cdot \frac{m}{k}$  et  $f_{\text{système C}} = 2\pi \cdot LC$

C)  $f_{\text{système A}} = \sqrt{\frac{g}{l}}$ ,  $f_{\text{système B}} = \sqrt{\frac{k}{m}}$  et  $f_{\text{système C}} = \sqrt{\frac{1}{LC}}$

D)  $f_{\text{système A}} = \frac{1}{2\pi} \cdot \sqrt{\frac{g}{l}}$ ,  $f_{\text{système B}} = \frac{1}{2\pi} \cdot \sqrt{\frac{k}{m}}$  et  $f_{\text{système C}} = \frac{1}{2\pi} \cdot \sqrt{\frac{1}{LC}}$

60) Pour les 3 systèmes, les oscillations sont :

A) amorties, le régime est pseudo-périodique

B) très amorties, le régime est aperiodique

C) non amorties, le régime est périodique

D) aucune des 3 réponses précédentes

FIN DE L'ÉPREUVE