

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا
المسالك الدولية
الدورة العادية 2022

SSSSSSSSSSSSSSSS-ss

**I

- عناصر الإجابة -

NR 24F

9	المعامل	4	مدة الإنجاز	الرياضيات مسلك العلوم الرياضية - أ و ب - خيار فرنسي	المادة الشعبية والمسلك
---	---------	---	----------------	---	---------------------------

EXERCICE1			Eléments de réponses	Barème
A-	1-		Vérification	0.25
	2-		Déduction	0.25
B-	1-	a)	f est continue à droite en 0	0.5
		b)	f est dérivable à droite en 0.	0.5
		c)	* Calcul de limite..... *La droite d'équation $y = 0$ asymptote à la courbe en $+\infty$	0.25 0.25
	2-	a)	Calcul de $f'(x)$	0.5
		b)	*Calcul de $g'(x)$ *Encadrement de $g'(x)$	0.25 0.25
		c)	Encadrement de $g(x)$	0.25
		d)	f est strictement décroissante sur I	0.25
	3-	a)	Tableau de variation	0.25
C-		b)	Représentation graphique de (C)	0.5
	1-		Existence et unicité de $a \in]0;1[$	0.25x2
	2-	a)	Tous les termes de la suite sont dans $[0;1]$	0.5
		b)	Application du TAF ou de l'inégalité des accroissements finis	0.5
		c)	La démonstration de l'inégalité par récurrence	0.5
D-		d)	$\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n - a = 0$ et donc (u_n) converge vers a	0.25
	1-		* F est dérivable sur I	0.25
			* $(\forall x \in I) ; F'(x) = -f(x)$	0.25
	2-	a)	Intégration par parties	0.5
		b)	* $\lim_{x \rightarrow 0^+} F(x) = 2 \ln 2 - 1$	0.25
			* $\int_0^1 f(t) dt = F(0) = 2 \ln 2 - 1$	0.25
		c)	L'aire en cm^2 est : $\int_0^1 f(t) dt = 4cm^2$	0.5

E-	1-	a)	Vérification de la double inégalité	0.25
		b)	Encadrement de S_n	0.5
	2-	a)	La suite est croissante	0.25
		b)	Convergence de la suite	0.25
		c)	$S_1 \leq S_n \leq \frac{1}{2}$ avec $S_1 = \frac{3}{2} - 2\ln 2$	0.25

EXERCICE2		Eléments de réponses	Barème
I-	1-	Vérification $j^3 = 1$ Vérification $1 + j + j^2 = 0$	0.25 0.25
	2-	a) $D = \sqrt{n}(1 - j)^{\frac{1}{2}}$	0.25
		b) Détermination de z_1 et de z_2	0.25x2
	3-	$(z_1 + z_2)^{2022}$ est un imaginaire pur	0.5
II-	1-	j est la rotation de centre O et d'angle $\frac{p}{3}$	0.25
	2-	a) Calcul de $a\phi, b\phi$ et $c\phi$	0.25x3
		b) $p + qj + rj^2 = 0$	0.25
		c) Déduction	0.5

EXERCICE3		Eléments de réponses	Barème
1-	a)	p est un diviseur de n	0.25
	b)	Si p divise l'un alors il divise l'autre	0.25
	c)	On applique le théorème de FERMAT	0.25
2-		$p = 2$	0.5
3-	a)	n et $p-1$ sont premiers entre eux, puis on applique le théorème de BEZOUT	0.5
	b)	Vérification	0.25
	c)	$v \not\equiv 0$	0.5
	d)	$(x+1)^{nr} \equiv (x+1)^{1+(p-1)v'} [p]$ et $(x)^{nr} \equiv (x)^{1+(p-1)v'} [p]$	0.5

EXERCICE4		Eléments de réponses	Barème
1-	a)	E sous- groupe de $(M_2(\mathbb{C}), +)$	0.25
	b)	Vérification de l'égalité	0.25
	c)	$(E, +, \cdot)$ est un anneau commutatif et unitaire	0.25 0.25
2-		j homomorphisme de (E, \cdot) vers (\mathbb{C}, \cdot)	0.5
3-	a)	Egalité	0.25
	b)	L'implication	0.5
	c)	$M(a,b)$ est inversible et détermination de l'inverse	0.25x2
4-	a)	L'équivalence	0.25
	b)	L'anneau $(E, +, \cdot)$ est intègre	0.25
	c)	La justification que l'anneau intègre $(E, +, \cdot)$ n'est pas un corps	0.25