

## تمارين طاقة الوضع الثقالية

### ١

$$g = 9,8 \text{ N} \cdot \text{kg}^{-1}$$

تمرين 1 :

نعتبر حسما صلبا نقطيا  $M$  كتلته  $m=2\text{kg}$  يمكنه أن ينتقل راسيا فيحتمل بذلك مختلف المواقع على المحور  $Oz$  الرأسي و الموجه نحو الأعلى والمدرج بالметр.

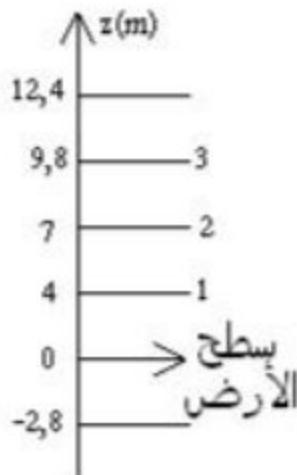
1- نأخذ حالة مرجعية لطاقة الوضع الثقالية النقطة ذات الأنسوب  $z=2$ .

أحسب طاقة الوضع الثقالية عندما يكون في الموضع  $z_1=6$  و  $z_2=-4$ .

2- نأخذ حالة مرجعية لطاقة الوضع الثقالية النقطة ذات الأنسوب  $z=-1$ .

أحسب طاقة الوضع الثقالية عندما يكون الجسم في المواقع التالية :  $z_1=-4$  و  $z_2=0$  و  $z_3=-1$ .

تمرين 2 :



يوجد طفل كتلته  $m=50\text{kg}$  في بناء تتكون من طابق سفلي وثلاث طبقات فوق الطابق الأرضي .

1- نعتبر سطح الأرض الحالة المرجعية لطاقة الوضع الثقالية .

أحسب طاقة الوضع الثقالية للطفل عندما يوجد :

1.1- في الطابق السفلي .

1.2- في الطابق الثاني .

2- نعتبر الطابق الثاني مرجعا لطاقة الوضع الثقالية .

أحسب  $E_{\text{pp}}$  طاقة الوضع الثقالية عندما يوجد الطفل :

2.1- في الطابق السفلي .

2.2- في الطابق الثالث .

تمرين 3 :

نعلق بحامل كرة فلزية متتجانسة وغير مجوفة : كتلتها  $M=500\text{g}$  وشعاعها  $r=5\text{cm}$ ,

بواسطة حبل  $OA$  طوله  $L=50\text{cm}$  وكتلته  $m=50\text{g}$  أنظر الشكل جانبيه

نزيح المجموعة المكونة من الحبل والكرة عن موضع توازنها المستقر بزاوية  $\theta = 20^\circ$

بكم تتغير أثواب هذه الإرادة ، طاقة الوضع الثقالية :

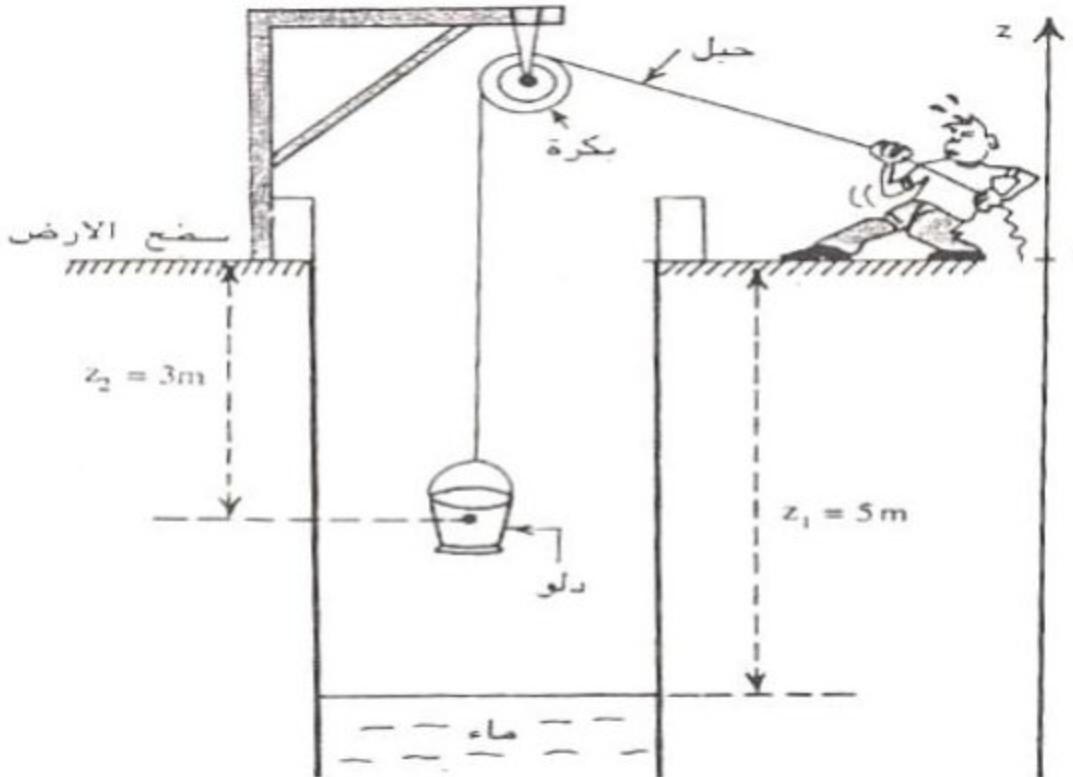
1- للكرة .

2- للحبل .

3- للمجموعة .

## تمرين 5:

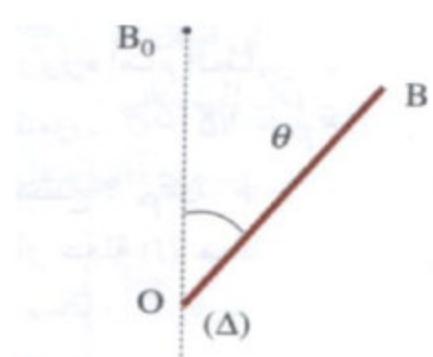
نريد الحصول على ماء من بئر بواسطة دلو معلق بحبيل يمر عبر مجرى بكرة كما يوضح الشكل أسفله.



نختار سطح الأرض أصلًا لمحور الأنساب .

- أحسب طاقة الوضع الثقالية للدلو ، عندما يأخذ الموضع في الشكل ، في الحالتين التاليتين :
  - عندما نختار سطح الأرض كحالة مرجعية لطاقة الوضع الثقالية .
  - عندما نختار مستوى الماء كحالة مرجعية لطاقة الوضع الثقالية .
- أحسب تغير طاقة الوضع الثقالية عندما ينتقل مركز قصور الدلو من مستوى الماء إلى سطح الأرض في كل من الحالتين أعلاه . ماذا تستنتج؟  
نعطي كتلة الدلو:  $m=10\text{kg}$  .

## تمرين 6 :



يمكن لساق متاجسة OB ، طولها  $l=50\text{cm}$  وكتلتها  $m=600\text{g}$  ، أن تدور في مجال الثقالة ، حول محور ( $\Delta$ ) ثابت أفقي يمر بطرفها O .

نضع الساق في موضع توازنه غير المستقر حيث مركز قصوها G فوق المحور ( $\Delta$ ) ، ثم نزيحها قليلا عن هذا الموضع بدون سرعة بدئية .

1- عبر عن طاقة الوضع الثقالية  $E_{pp}$  للساقي بدلالة الزاوية  $\theta$  التي تكونها الساق مع الخط الرأسى المار من (A) .

نختار الموضع البديهى  $O$  لمركز قصور الساق أصلًا لمحور الأناسيب الموجه نحو الأعلى و  $E_{pp}=0$  عند هذا الموضع .

2- أحسب تغير طاقة الوضع الثقالية عندما تمر  $\theta$  من القيمة  $150^\circ = \theta_1$  الى القيمة  $150^\circ = \theta_2$

### تمرين 7:

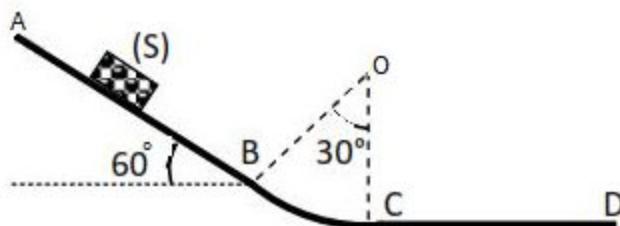
ينتقل جسمًا صلبيا (S) كتلته  $m=400\text{g}$  فوق مدار  $ABCD$  يتكون من:

- جزء مستقيم  $AB$  طوله  $3\text{m}$ .

- جزء دائري  $CB$  شعاعه  $R=50\text{cm}$  .

- جزء مستقيم طوله  $CD=2\text{m}$  .

نطلق الجسم (S) من الموضع A بدون سرعة بدئية (نهمل الإحتكاكات على الجزء ABC). نختار نطلق الجسم (S) من الموضع (S) حيث  $A$  ينتمي إلى الموضع  $ABC$ . نختار  $O$  نقطة على الجزء  $CD$  عند الموضع C حيث  $A$  ينتمي إلى الموضع  $CD$  حيث  $E_{pp}=0$  .



1- عبر عن سرعة  $v_B$  في الموضع B في الموضع  $B$  بدلالة  $g$  و  $AB$  و  $\sin 60^\circ$  و احسب قيمتها .

2- أحسب طاقة الوضع الثقالية في كل من الموضعين B و C .

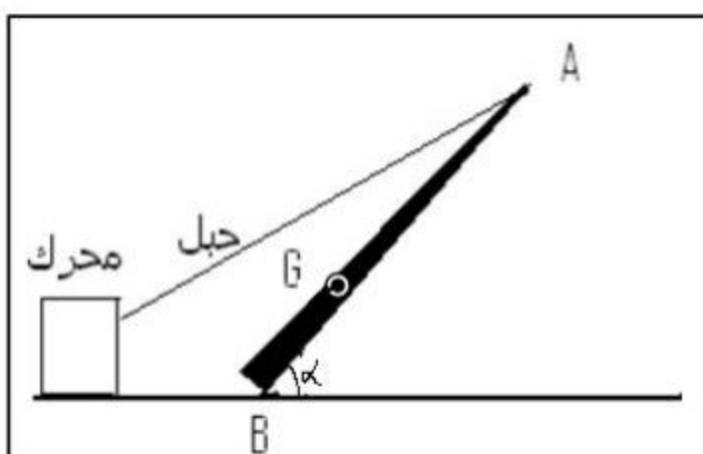
3- باستعمال مبرهنة الطاقة الحركية أحسب الطاقة الحركية في الموضع C .

4- إذا كانت سرعة الجسم (S) في النقطة D متعدمة ، أحسب شغل قوة الأحتكاك بين الموضعين C و D .

### تمرين 8:

نريد أن نجعل عمودا هاتفييا ، كتلته  $m=150\text{kg}$  وطوله  $L=3\text{m}$  في وضع رأسى بعد أن كان في البداية ملقى على السطح الأفقي للأرض .

لتحقيق ذلك نربط طرفه A بمحرك . نعتبر أن مركز قصور العمود يبعد عن A بمسافة  $GA$  حيث  $g=9,81\text{N/kg}$  . نعطي :  $GA=\frac{2L}{3}$



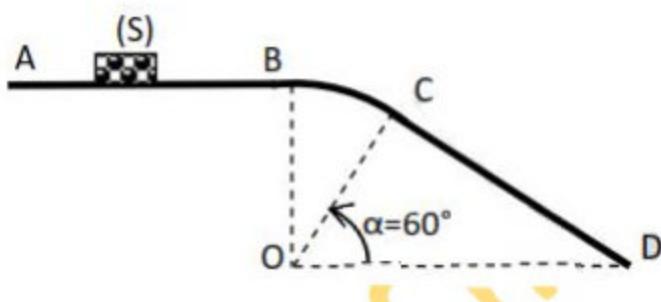
يمكن للطرف B للعمود أن يدور حول نقطة B ثابتة فوق السطح . بختار السطح الأفقي للأرض مرجعاً لطاقة الوضع الثقالية وأصل الأناسيب .

أوجد طاقة الوضع الثقالية للعمود في الحالتين :

- عندما يكون العمود زاوية  $60^\circ = \alpha$  مع المستوى الأفقي .
- عندما يكون العمود في وضع رأسى .

### تمرين 9:

ينتقل جسماً صلباً (S) كتلته  $m=200\text{g}$  فوق مدار ABCD فوق السطح الأفقي للأرض . ينطلق جسم (S) من الموضع A بسرعة  $v_A = 3\text{m.s}^{-1}$  فيصل إلى الموضع B بسرعة  $v_B = 2\text{m.s}^{-1}$  .



ينطلق (S) من الموضع A بسرعة  $v_A = 3\text{m.s}^{-1}$  فيصل إلى الموضع B بسرعة  $v_B = 2\text{m.s}^{-1}$  .

أخذ المستوى الأفقي المار من O كحالة مرجعية لطاقة الوضع الثقالية .

- 1 ما طبيعة التماس بين (S) والجزء AB .
- 2 علماً أن قوة الاحتكاك مكافئة لقوة ثابتة وموازية للجزء AB أوجد شدتها .
- 3 احسب طاقة الوضع الثقالية في كل من المواقع B و C و D .
- 4 بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية أوجد قيمة الطاقة الحركية عند الموضع D استناداً إلى سرعة الجسم (S) عند D .