

Dérivées des fonctions de référence et cas particuliers

• Cas général : $x^n \rightsquigarrow nx^{n-1}$ où $n \in \mathbb{Z}^*$

• $n = -1$: $\frac{1}{x} \rightsquigarrow -\frac{1}{x^2}$, $x \in \mathbb{R}^*$

• $n = \frac{1}{2}$: $\sqrt{x} \rightsquigarrow \frac{1}{2\sqrt{x}}$, $x > 0$

• sinus : $\sin x \rightsquigarrow \cos x$ où $x \in \mathbb{R}$

• cosinus : $\cos x \rightsquigarrow -\sin x$ où $x \in \mathbb{R}$

• exp : $e^x \rightsquigarrow e^x$ où $x \in \mathbb{R}$

• ln : $\ln x \rightsquigarrow \frac{1}{x}$ où $x \in]0; +\infty[$

Dérivées des fonctions composée associées

• Cas général : $u^n \rightsquigarrow n u' u^{n-1}$ où $n \in \mathbb{Z}^*$

ex : $(3x^4 + x + 1)^3 \rightsquigarrow 3(12x^3 + 1)(3x^4 + x + 1)^2$

• $n = -1$: $\frac{1}{u} \rightsquigarrow -\frac{u'}{u^2}$, $u(x) \neq 0$

ex : $\frac{1}{2x^2 + 1} \rightsquigarrow -\frac{4x}{(2x^2 + 1)^2}$

• $n = \frac{1}{2}$: $\sqrt{u} \rightsquigarrow \frac{u'}{2\sqrt{u}}$, $u > 0$

ex : $\sqrt{x^2 + 4} \rightsquigarrow \frac{2x}{2\sqrt{x^2 + 4}} = \frac{1}{\sqrt{x^2 + 4}}$

$\sin u \rightsquigarrow u' \cos u$ où $x \in D_u$

ex : $\sin(-5x + 1) \rightsquigarrow -5 \cos(-5x + 1)$, $x \in \mathbb{R}$

$\cos u \rightsquigarrow -u' \sin u$ où $x \in D_u$

ex : $\cos(3x - 1) \rightsquigarrow -3 \sin(3x - 1)$, $x \in \mathbb{R}$

$e^u \rightsquigarrow u' e^u$ où $x \in D_u$

ex : $e^{\frac{1}{x}} \rightsquigarrow -\frac{1}{x^2} e^{\frac{1}{x}}$, $x \neq 0$

$\ln u \rightsquigarrow \frac{u'}{u}$ où $x \in D_u$ et $u > 0$

ex : $\ln(2x^2 + 1) \rightsquigarrow \frac{4x}{2x^2 + 1}$, $x \in \mathbb{R}$

△ Si l'on décide de retenir l'ensemble des formules ci-dessus, c'est qu'il s'agit des cas les plus représentés au lycée. Elles sont autant de cas particuliers de la relation plus générale : (on rappelle que $f[u] = f \circ u$)

$$\forall x \in I, (f \circ u)' = u' \times f' \circ u \quad \text{où } I \text{ est à déterminer}$$