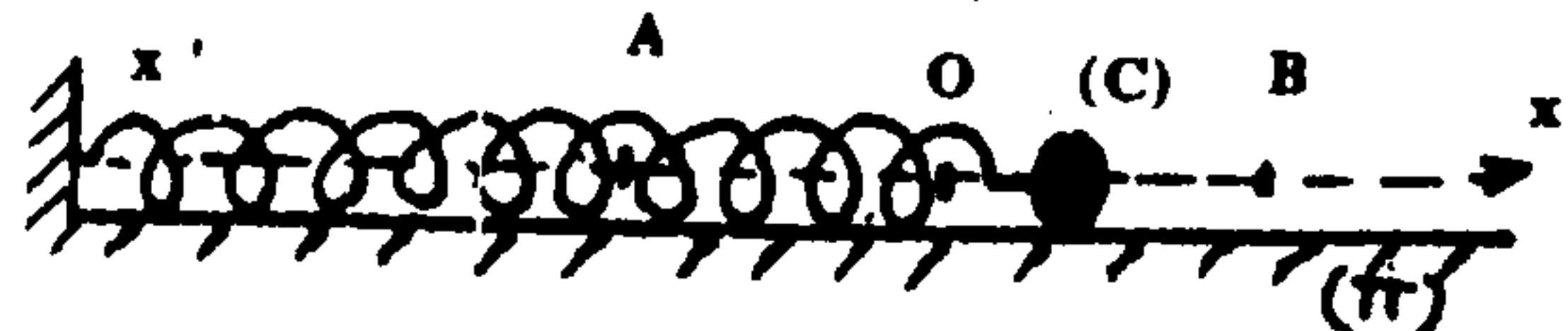


تمرين 1 (6 نقاط)



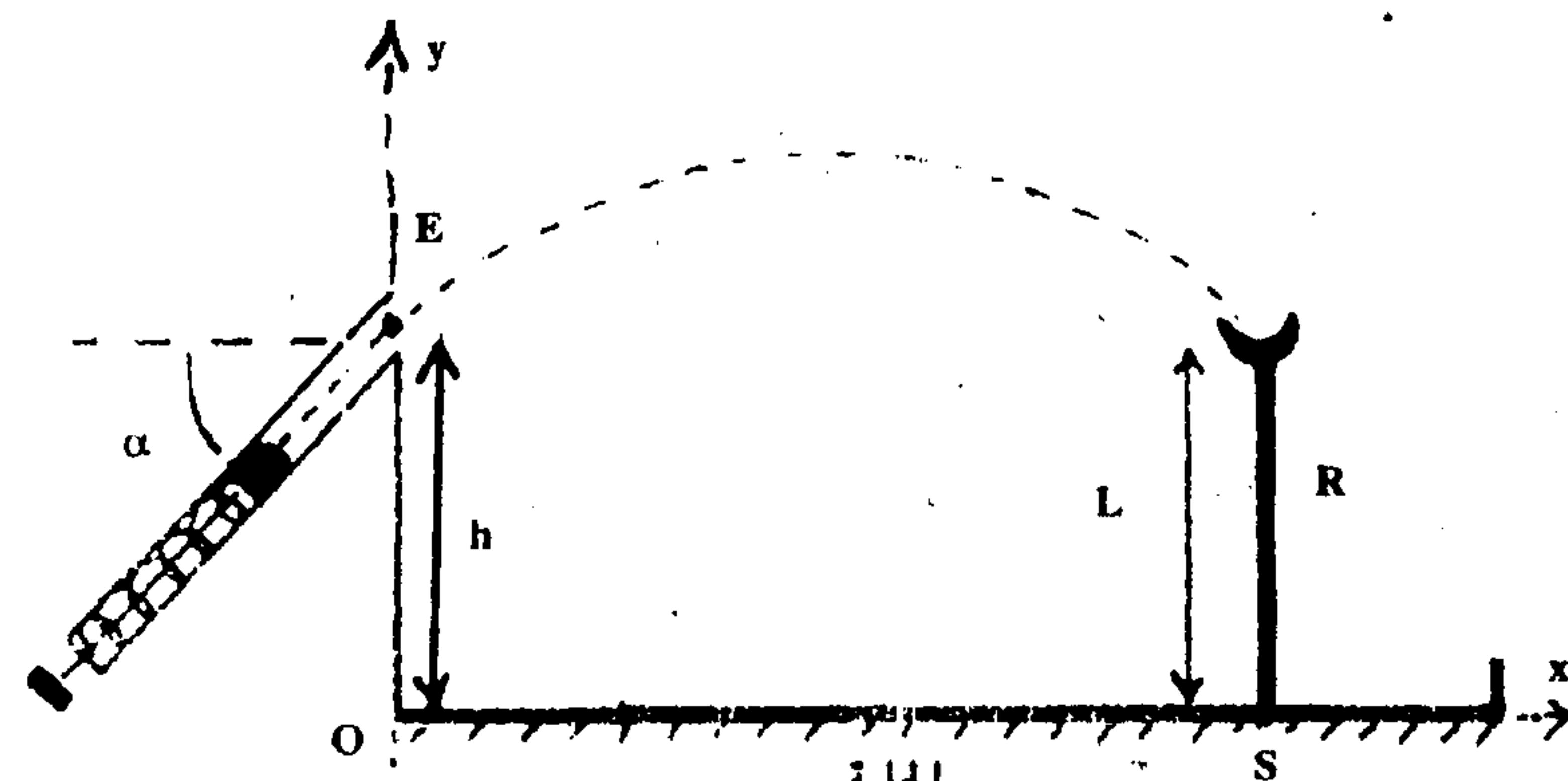
نعطي $g = 10 \text{ m.s}^{-2}$ ونهمل جميع الاحتكاكات.
يتكون نواس من نابض ذي لفاف غير متصلة صلابته K وكتلته مهملة،
أحد طرفيه ثابت بينما الطرف الآخر ثبت به جسم صلب (C)، ذو أبعاد صغيرة،
كتلته $m = 0,2 \text{ kg}$ وموضع على مستوى أفقي (π).

في حالة توازن النواس يكون النابض غير مشوه ويكون الجسم (C) بالنقطة O أصل المحور x' المطابق لمحور النابض. نزيع الجسم (C) وفق المعايير
محور النابض، ثم نحرره بدون سرعة فنلاحظ أنه ينجذب تذبذبات جاذبية بين نقطتين A و B حيث $AB = 8 \text{ cm}$. (انظر الشكل أعلاه).
I - 1) أوجد، بتطبيق القانون الثاني لنيوتون (الذي يجب كتابة نصيحة المعادلة التفاضلية لحركة الجسم (C)).

I - 2 - 1 أكتب تعبير الدور الخاص T_0 بدلالة m و K .

1

0.50



على الحلبة وفي المستوى الرأسي (Ox, Oy) يوجد جهاز الإستقبال R للقذيفة طوله $m = 0,5 \text{ m}$ للقذيفة قابلة للضبط بين 10° و 80° . (توجد الحلبة في مستوى أفقي).

II - 2 نريد أن ينجذب هذا النواس 10 تذبذبات في المدة $s = 10 \text{ s}$ ، استنتج قيمة الصلابة K للنابض.

3) أوجد المعادلة ($t = f(v)$) لسرعة الجسم (C) بدلالة الزمن علماً أن أصل التواريف هو لحظة مرور الجسم (C) بالوضع (A) ثم استنتاج الطاقة الحركية القصوية للنواس.

III - نستعمل النابض السابق في لعبة للأطفال (المثلث على الشكل جانبه) وذلك لإرسال قذيفة صغيرة من البلاستيك كروية الشكل، كتلتها m ، بسرعة

$v_0 = 2,5 \text{ m.s}^{-1}$ من نقطة E ترتفع عن سطح حلبة اللعبة بـ $h = 0,5 \text{ m}$. يُكون محور النابض الزاوية α مع المستوى الأفقي. الزاوية α قابلة للضبط بين 10° و 80° .

1) 1 - 1 بين أن معادلة مسار القذيفة في المعلم (Ox, Oy) هي : $y = -0,8 \frac{x^2}{\cos^2 \alpha} + x \tan \alpha + 0,5$

1

0.50

1) 2 في حالة $\alpha = 30^\circ$ و $OS = x_s = 0,3 \text{ m}$ ، هل يستقبل الجهاز القذيفة أم لا ؟ علل جوابك.

1

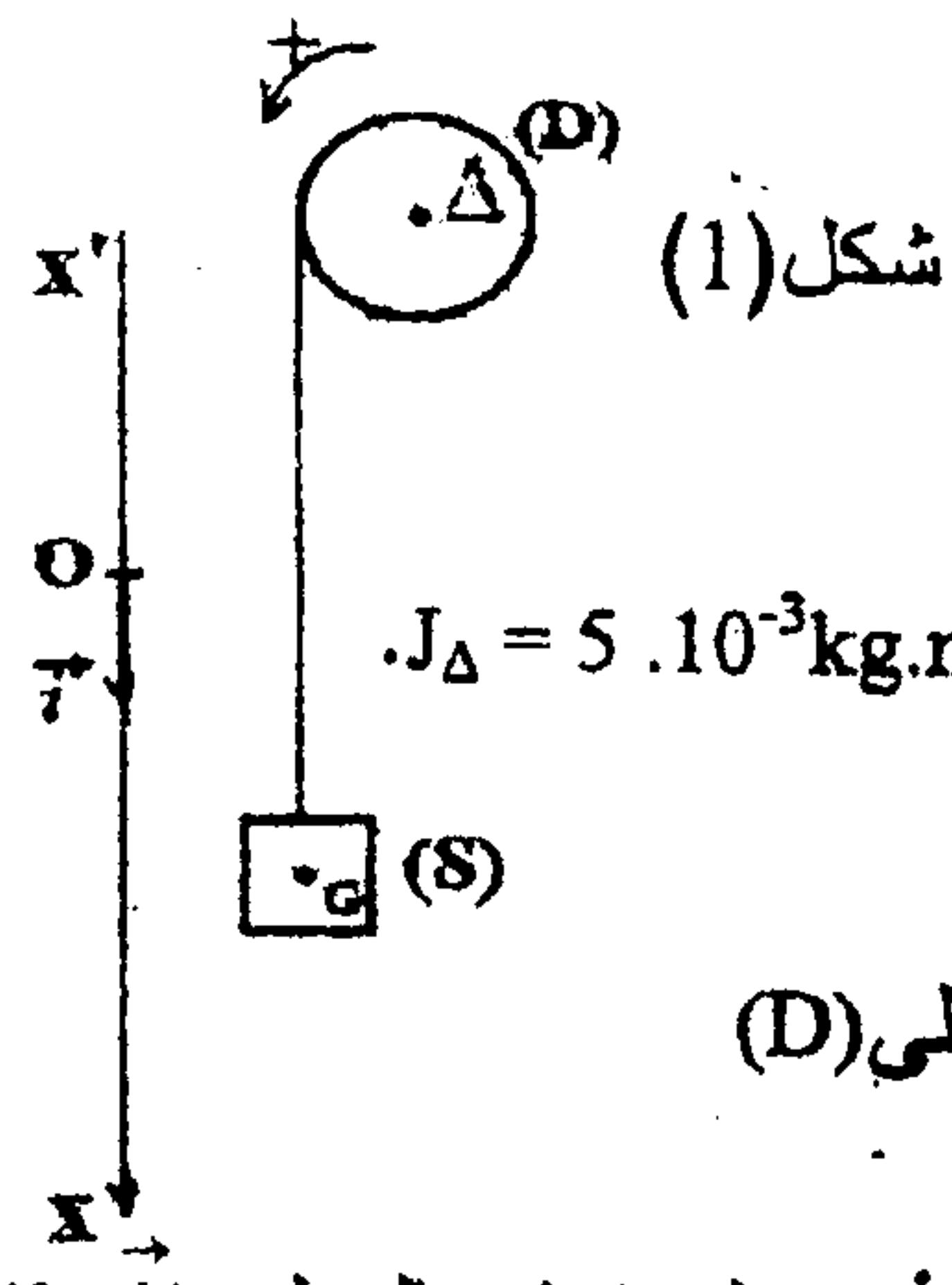
1

2) نريد للقذيفة أن تسقط على جهاز الإستقبال الذي يوجد على مسافة $m = 0,5 \text{ m}$ ، يتحقق ذلك بالنسبة لزوايا α_1 و α_2 . أوجد فيمتي α_1 و α_2 .

$$\text{نعطي : } \frac{1}{\cos^2 \alpha} = 1 + \tan^2 \alpha$$

تمرين 2 (7 نقاط)

يعطى $\text{g} = 10 \text{m.s}^{-2}$ للتنقيط



شكل (1)

1 - تتكون المجموعة الممثلة في الشكل (1) من :

- قرص (D) متجانس كتلته $m_D = 1 \text{kg}$ و شعاعه $r = 10 \text{cm}$ قابل للدوران حول

محور (Δ) أفقي ثابت يمر من مركزه. عزم قصور (D) بالنسبة للمحور (Δ) هو $J_{\Delta} = 5 \cdot 10^3 \text{kg.m}^2$

- جسم صلب (S) مركز قصوره G و كتلته $m_S = 128 \text{g}$ مثبت بخيط غير مدود ذي كتلة مهملة و ملفوف حول (D).

نعتبر، خلال الحركة ، أن الخيط لا ينزلق على (D) و أن قوى الاحتكاك المطبقة على (D) مكافئة لعزوجة مقاومة عزمها M ثابت .

في لحظة $t_0 = 0$ نعتبرها أصل التواريف ، نحرر المجموعة بدون سرعة بدينية حيث أقصول G في المعلم $(0, i)$

. $a = 2 \text{m.s}^{-2}$ ، فيصبح (S) في حركة إزاحة مستقيمية متغيرة بانتظام تسارعها

1.1 - اكتب المعادلة الزمنية $x(t)$ لحركة (S). استنتج معادلة السرعة $v(t)$ للجسم (S).

1.2 - حدد ، معملا جوابك ، طبيعة حركة (D). احسب تسارعها الزاوي $\dot{\theta}$.

1.3 - بين أن تعبير العزم M هو $M = J_{\Delta} \dot{\theta} - mr(g-a)$. احسب قيمة M .

1.4 - في اللحظة $s = 0,24$ قبل t_1 ينفلت الخيط عن (D) فينجز هذا الأخير n دورات قبل أن يتوقف.

بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية على (D) احسب قيمة n .

2 - نثبت القرص (D) على الطرف B لساقي AB متجانسة (شكل 2) كتلتها $m_2 = 1,5 \text{kg}$ و طولها

نكون المجموعة {قرص ، ساق} نواسا وازنا مركز قصوره G قابل للدوران حول محور (Δ') أفقي ثابت يمر

من A. عزم قصور المجموعة بالنسبة للمحور (Δ') هو $J_{\Delta'}$.

نضع $\ell = AG'$.

نزير النواص عن موضع توازنه المستقر بزاوية θ_m ثم نحرره بدون سرعة بدينية، فينجز حركة تنبينية حول هذا الموضع .

نعتبر الاحتكاكات مهملة و المستوى الأفقي الذي يشمل 0 أصل المعلم

$(0, k)$ مرجعا لطاقة الوضع التقالي و $\dot{\theta}$ السرعة الزاوية للنواص عند مروره من موضع استطالته الزاوية θ .

2.1 - أوجد تعبير E_m الطاقة الميكانيكية للنواص في حالة التنبينيات

الصغيرة بدلالة: θ و $\dot{\theta}$ و $J_{\Delta'}$ و m_1 و m_2 و ℓ و g . ثم بين أن

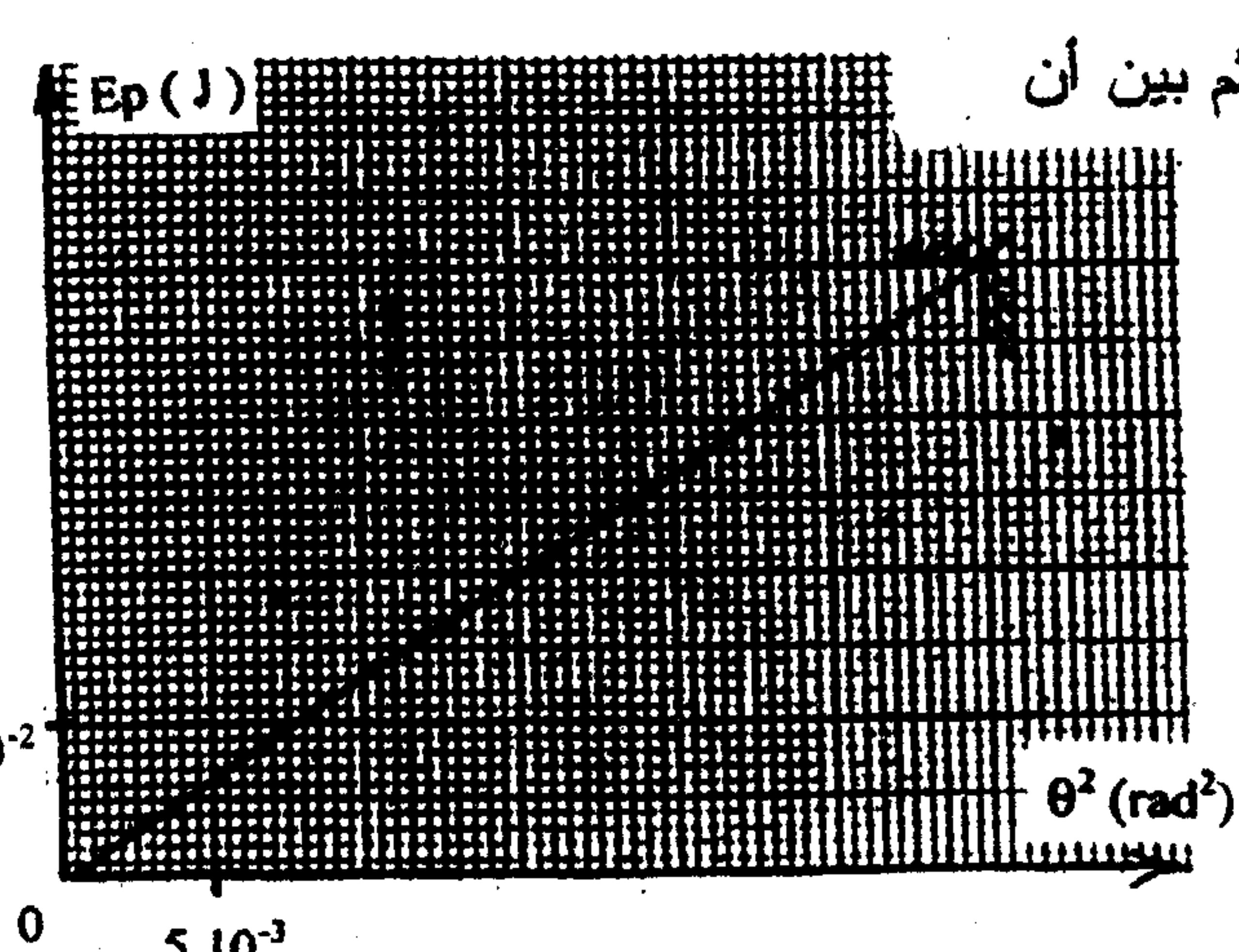
المتذبذب توافق في هذه الحالة . نأخذ $1 - \cos \theta \approx \frac{\theta^2}{2}$

2.2 يمثل الشكل (3) منحنى تغيرات E_p طاقة الوضع التقالي

للنواص بدلالة θ^2 مربع الأقصول الزاوي في حالة التنبينيات الصغيرة.

أ - أوجد قيمة $\ell = AG'$.

ب - حدد قيمة E_C الطاقة الحركية للنواص عندما تكون $\theta = \theta_m/2$.



شكل (3)

ندخل في قارورة 11.41 mL من حمض الميتابوليک HCOOH و 17.48 mL من الإيتانول $\text{C}_2\text{H}_5\text{OH}$ نضيف إلى الخليط بضع قطرات من حمض الكبريتیک المركز . نسخن الخليط خلال ساعة كاملة حتى يحصل التوازن ونحدد في هذه الحالة حجم الاستر فنجد $V_{\text{ester}} = 16\text{ mL}$

- 1- اكتب معادلة تفاعل الاسترة ثم حدد اسم الاستر المتكون. 0.5
- 2- حدد بوحدة المول تركيب الخليط في بداية التفاعل. 0.5
- 3- حدد كمية مادة الاستر المتكون. 0.5
- 4- حدد نسبة التقدم النهائي للتفاعل. 0.5
- 5- استنتج تركيب الخليط عند التوازن. 1
- 6- حدد مردود التفاعل. 0.5
- 7- احسب K ثابتة التوازن. 1
- 8- مادر حمض الكبريتیک؟ 0.5
- 9- عند التوازن نضيف إلى الخليط 0.2 mol من الإيتانول ، احسب Q خارج التفاعل ثم استنتاج منحى تطور المجموعة . 1
- 10- أوجد تركيب الخليط عند حصول التوازن الجديد. 1

معطيات

الماء	الاستر	الإيتانول	حمض الميتابوليک	الكتلة المولية (g/mol)
18	74	46	46	
1	0.925	0.79	1.21	الكتلة الحجمية (g/mL)