

### التمرين الأول

لتكن  $f$  الدالة العددية المعرفة بـ :

1) حدد  $D_f$  مجموعة تعريف الدالة  $f$  وأحسب

2) أحسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  ;  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  ;  $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$

3) استنتج الفروع اللانهائية للمنحنى  $C_f$

4) أدرس الوضع النسبي للمنحنى  $C_f$  والمستقيم ذي المعادلة  $y = 2$

بـ حدد تقاطع  $C_f$  ومحور الأفاسيل

5) أـ بين أن  $f'(x) = \frac{1}{(x-1)^2} \frac{3-x}{x-1}$

بـ أنجز جدول تغيرات الدالة  $f$

6) أرسم المنحنى  $C_f$

### التمرين الثاني

$f$  دالة عددية بحيث :

1) أـ حدد  $D_f$  مجموعة تعريف الدالة  $f$

بـ أحسب نهايات الدالة  $f$

2) أـ حدد الأعداد الحقيقية  $c, b, a$  بحيث :

$$f(x) = ax + b + \frac{c}{x-1}$$

بـ حدد المستقيمات المقاربة للمنحنى  $C_f$

3) بين أن النقطة  $I\left(1, \frac{1}{2}\right)$  مرکز تمايل لـ  $C_f$

4) أحسب المشتقة  $f'(x)$  وضع جدول التغيرات

5) أحسب المشتقة الثانية وأدرس تغيرات المنحنى  $C_f$

6) أرسم المنحنى  $C_f$

7) استنتاج رسمياً لمنحنى الدالة  $g$  المعرفة بما يلي :

$$g(x) = \frac{x^2 - x + 1}{2|x-1|}$$

### التمرين الثالث

نعتبر الدالة العددية  $f$  المعرفة بـ :

1) أـ حدد  $D_f$  مجموعة تعريف الدالة  $f$

بـ أحسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  ;  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$

2) أـ بين أن :  $(\forall x \in D_f) f'(x) = \frac{x^2(x^2 - 2x + 3)}{(x^2 - x + 1)^2}$

بـ استنتاج تغيرات الدالة  $f$

3) أـ تحقق أن :

$$(\forall x \in D_f) f(x) = x + 1 - \frac{1}{x^2 - x + 1}$$

بـ استنتاج أن  $L C_f$  مقارب مائل محددًا معادلته

جـ أدرس الوضع النسبي لـ  $C_f$  والمقارب المائل

$$4) \text{أـ بين أن : } (\forall x \in D_f) f''(x) = \frac{-6x(x-1)}{(x^2 - x + 1)^3}$$

بـ أدرس تغير المنحنى  $C_f$  محددًا أحداثيات نقطتي الانعطاف

5) أـ أعط معادلة المماس ( $T$ ) لـ  $C_f$  في النقطة 1

بـ أرسم المنحنى  $C_f$

### التمرين الرابع

$$f(x) = \frac{x}{\sqrt{x+2} - 1}$$

1) حدد  $D_f$  وأحسب نهايات الدالة  $f$

$$2) \text{أحسب } \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} \text{ ثم أعط تأويلاً هندسياً للنتيجة}$$

3) أدرس قابلية اشتتقاق  $f$  على يمين النقطة -2

$$4) \text{أـ بين أن } f'(x) = \frac{1 + (\sqrt{x+2} - 1)^2}{2\sqrt{x+2}(\sqrt{x+2} - 1)^2}$$

بـ ضع جدول التغيرات للدالة  $f$

5) أرسم المنحنى  $(C_f)$

### التمرين الخامس

لتكن  $f$  دالة معرفة بما يلي :

$$f(x) = \frac{x^2 + 4}{x} - 2\sqrt{\frac{x^2 + 4}{x}}$$

1) حدد  $D_f$  وأحسب  $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$

2) أدرس الفرع الانتهائي للمنحنى  $(C_f)$  عند  $+\infty$

$$3) \text{أـ بين أن } f'(x) = \frac{x^2 - 4}{x^2} \left(1 - \sqrt{\frac{x}{x^2 + 4}}\right)$$

بـ ضع جدول التغيرات للدالة  $f$

4) أرسم المنحنى  $(C_f)$

### التمرين السادس

$$f(x) = \frac{1}{2}x - 1 + \frac{2}{\sqrt{x} - 1}$$

1) حدد  $D_f$  احسب  $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x)$

2) أدرس الفرع الانتهائي للمنحنى  $(C_f)$  عند  $+\infty$

3) أدرس قابلية اشتتقاق على يمين  $x_0 = 0$

$$4) \text{أـ بين أن } f'(x) = \frac{(x+1)(\sqrt{x}-2)}{2\sqrt{x}(\sqrt{x}-1)^2}$$

بـ أنجز جدول تغيرات الدالة  $f$

5) أرسم المنحنى  $(C_f)$