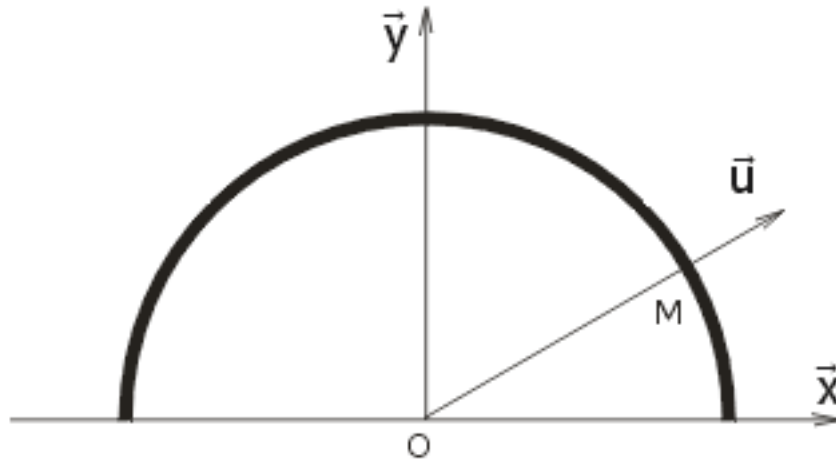


Énoncé

Considérons un demi cercle de rayon r , possédant une répartition linéique de masse constante et dont on cherche à définir le centre de gravité.



1 Déterminer les coordonnées du centre de gravité du demi-cercle dans le repère $R(O, \vec{x}, \vec{y})$.

Solution

La position du centre de gravité de ce demi-cercle est donnée par la relation $\vec{OG} = \frac{1}{L} \int \vec{OM} \cdot dl$. En

explicitant cette relation dans ce cas particulier, nous avons : $\vec{OG} = \frac{1}{\pi \cdot r} \int_0^\pi r \cdot \vec{u} \cdot r \cdot d\theta$ avec $\vec{OM} = r \cdot \vec{u}$,

$dl = r \cdot d\theta$ et $\vec{u} = \cos \theta \cdot \vec{x} + \sin \theta \cdot \vec{y}$

$$\overrightarrow{OG} = \frac{1}{\pi \cdot r} \int_0^{\pi} r \vec{u} r d\theta = \frac{1}{\pi \cdot r} \int_0^{\pi} r \cdot (\cos \theta \cdot \vec{x} + \sin \theta \cdot \vec{y}) r d\theta = \frac{r}{\pi} \int_0^{\pi} (\cos \theta \cdot \vec{x} + \sin \theta \cdot \vec{y}) d\theta = 2 \cdot \frac{r}{\pi} \vec{y}$$

$$\boxed{\overrightarrow{OG} = 2 \cdot \frac{r}{\pi} \vec{y}}$$