

تمارين التجاذب الكوني

تمرين 1:

- احسب شدة قوتي التأثير البيني التجاذبي بين الشمس والأرض ، مثل متجهتي القوتين بسلم مناسب .
- احسب شدة القوة التي تؤثر بها الشمس ثم الأرض على شخص كتلته $m=70\text{kg}$ يوجد على سطح الأرض .
- ماذا تستنتج ؟

نعطي :

$$\begin{aligned} \text{كتلة الأرض : } & M_T = 5,95 \cdot 10^{24} \text{ kg} \\ \text{شعاع الأرض : } & R_T = 6400 \text{ km} \\ \text{كتلة الشمس : } & M_S = 1,99 \cdot 10^{30} \text{ kg} \\ \text{المسافة بين مركزي الأرض والشمس : } & d = 1,5 \cdot 10^8 \text{ km} \\ \text{ثابتة التجاذب الكوني : } & G = 6,67 \cdot 10^{-11} \text{ m}^3 \text{ kg}^{-1} \text{ s}^{-2} \end{aligned}$$

تمرين 2:

- احسب شدة القوة المطبقة على جسم (S) من طرف كوكب المريخ علما أن وزنه على سطح الأرض يساوي 500N ، والجسم (S) يوجد على سطح كوكب المريخ .
- استنتج شدة الثقالة على سطح كوكب المريخ .

نعطي :

$$\begin{aligned} \text{كتلة كوكب المريخ : } & M_M = 6,6 \cdot 10^{23} \text{ kg} \\ \text{شعاع كوكب المريخ : } & R_M = 3400 \text{ km} \\ \text{شدة الثقالة على سطح الأرض : } & g_0 = 9,8 \text{ N} \cdot \text{kg}^{-1} \\ \text{ثابتة التجاذب الكوني : } & G = 6,67 \cdot 10^{-11} \text{ (S.I.)} \end{aligned}$$

تمرين 3:

- تتغير شدة الثقالة g بالقرب من الأرض مع الارتفاع h .
- بين أن الشدة g عند الارتفاع h ، تكتب :
$$g = g_0 \frac{R^2}{(R+h)^2}$$
 - احسب g عندما تكون $h = 10^3 \text{ km}$
- نعطي :
- $$\begin{aligned} \text{شعاع الأرض : } & R = 6400 \text{ km} \\ \text{شدة الثقالة عند سطح الأرض : } & g_0 = 9,8 \text{ N} \cdot \text{kg}^{-1} \\ \text{وزن جسم على سطح الأرض هو : } & P_0 = 5 \cdot 10^2 \text{ N} \\ \text{- احسب كتلة هذا الجسم .} & \\ \text{- احسب وزنه عند الارتفاع } & h = 10^3 \text{ km} \end{aligned}$$

- 4- عندما يكون $h=2R$ بين أن : $P_0 = \frac{P_0}{9}$
- 5- ما الارتفاع h الذي تساوي فيه شدة الثقالة نصف قيمتها g_0 على سطح الأرض .

تمرين 4:

- 1- نعتبر جسمين نقطيين A و B كتلتاهم على التوالي $m_B=4\text{kg}$ و $m_A=1\text{kg}$ تفصل بينهما المسافة $d=2m$.
- 1-1- ذكر بقانون التجاذب الكوني .
- 1-2- أوجد مميزات قوى التجاذب بين A و B .
- نعطي قيمة ثابتة التجاذب الكوني : $G=6,67 \cdot 10^{-11} (\text{S.I})$.
- 2- نعتبر الأرض كروية الشكل شعاعها: $R_T=6400\text{km}$ و كتلتها M_T .
- 1-1- اعط تعبير شدة الثقالة g_0 على سطح الأرض بدلالة R_T و M_T و G .
- 1-2- اعط تعبير شدة الثقالة g عند الارتفاع h بدلالة R_T و h و g_0 .
- 3- ما هو وزن جسم (S) على ارتفاع $h=6400\text{km}$ من سطح الأرض علماً أن وزنه على سطح الأرض هو $P_0=800\text{N}$ ماذا تستنتج؟

- 3- نعتبر مركبة فضائية نقطية (S) موجودة على المحور (أرض - قمر) على مسافة d_L من مركز القمر ، حيث تendum شدة القوى المطبقة على (S) من طرف الأرض والقمر .
- أوحد المسافة d_L علماً أن المسافة الفاصلة بين مركزي الأرض والقمر هي $M_T=81M_L$ نعطي : $d=38 \cdot 10^4 \text{km}$ حيث M_T كتلة الأرض و M_L كتلة القمر .

تمرين 5:

- نعتبر جسماً كتلته m يوجد على سطح كوكب كتلته M وشعاعه R .
- 1- اعط تعبير شدة قوة التجاذب الكوني التي يطبقها الكوكب على الجسم .
- 2- اعط تعبير شدة وزن هذا الجسم على سطح هذا الكوكب .
- 3- استنتج تعبير شدة الثقالة g_0 على سطح هذا الكوكب .
- 4- احسب شدة الثقالة في الحالتين :
- أ- على سطح الأرض .
 - ب- على سطح كوكب المشتري .
- نعطي :
- . شعاع الأرض : $R_T=6400 \text{ km}$
 - . كتلة الأرض : $M_T=6,0 \cdot 10^{24} \text{ kg}$
 - . شعاع المشتري : $R_J=7,15 \cdot 10^4 \text{ km}$
 - . كتلة المشتري : $M_J=1,9 \cdot 10^{27} \text{ kg}$
- ثابتة التجاذب الكوني : $G=6,67 \cdot 10^{-11} (\text{S.I})$.
- 5- قارن وزن هذا الجسم على سطح المشتري بوزنه على سطح الأرض .

تمرين 6:

تنغير شدة الثقالة g ، بجوار سطح الأرض مع الارتفاع h حسب العلاقة التقريبية التالية : $g = g_0 - 3,08 \cdot 10^{-6} h$.

حيث g_0 شدة الثقالة على سطح الأرض قيمتها $g_0 = 9,81 \text{ N.kg}^{-1}$ حيث h يعبر عنها ب المتر .

. 1- احسب وزن جسم كتلته $m=70\text{kg}$ عند الارتفاع $h=10\text{ km}$

. 2- أوجد قيمة الارتفاع h الموافقة ل $g = 9,66 \text{ N.kg}^{-1}$

تمرين 7:

1- يوجد جسم (C) كتلته $m=600\text{kg}$ على ارتفاع h_L من سطح القمر ذي الكتلة $M_L=7,3 \cdot 10^{22}\text{kg}$ والشعاع $R_L=1738\text{ km}$

-1- اعط تعبير شدة الثقالة g على علو h_L من سطح القمر بدلالة R_L و h_L و شدة الثقالة على سطح القمر g_0 .

-2-1 استنتج قيمة الارتفاع h_L علما أن : $\frac{g}{g_0}=0,25$.

-3-1 احسب الشدة F للقوة المطبقة على الجسم (C) من طرف القمر في حالة السؤال 1-2.

2- نعتبر أن الجسم (C) يوجد عند نقطة M على ارتفاع $h'_L=36415\text{km}$ من سطح القمر .

تنتمي النقطة M الى المستقيم المار بمركزى الأرض والقمر ، بحيث تنعدم شدة مجموع القوى المطبقة على الجسم (C) من طرف الأرض والقمر .

-1-2 أوجد تعبير المسافة المتوسطة d التي تفصل بين مركزى الأرض والقمر بدلالة R_L و h'_L و M_L و كتلة الأرض M_T .

-2-2 احسب قيمة d علما أن $M_T=6 \cdot 10^{24}\text{kg}$.