

التجاذب الكوني la gravitation universelle

(I) سلم المسافات

1 - رتبة قدر كمية ما

1.1 - تعريف

نكتب كل عدد L علميا على الشكل $a \cdot 10^n$ حيث n عدد صحيح و $1 \leq a < 10$. رتبة قدر هذا العدد L هي n إذا كان $a = 10^{n+1}$ أو 10^n إذا كان $a > 10$.

مثال : $L = 5,7300 \cdot 10^4$ علميا $L = 5,7300 \cdot 10^4$ خمسة أرقام معبرة أو $L = 5,75 \cdot 10^4$ رتبة قدر L هي 5

2.1 - تمرين تطبيقي

ينضمن الجدول التالي المعطيات الخاصة بكواكب المجموعة الشمسية :

اسم الكوكب	عطارد	الزهرة	الأرض	المريخ	المشتري	زحل	أورانوس	نيبتون	بلوتو
الكتلة (kg)	$32,9 \cdot 10^{22}$	$490 \cdot 10^{23}$	$598 \cdot 10^{24}$	$65,8 \cdot 10^{25}$	$1,90 \cdot 10^{27}$	$5,62 \cdot 10^{28}$	$8,87 \cdot 10^{29}$	$1,02 \cdot 10^{30}$	$25,57 \cdot 10^{31}$
الشاعع (km)	$2,24 \cdot 10^3$	$6,05 \cdot 10^4$	$6,38 \cdot 10^5$	$3,40 \cdot 10^6$	$71,49 \cdot 10^7$	$60,27 \cdot 10^8$	$25,56 \cdot 10^9$	$2870 \cdot 10^{10}$	$4500 \cdot 10^{11}$
المسافة إلى الشمس (km)	$57,9 \cdot 10^6$	$108 \cdot 10^7$	$150 \cdot 10^8$	$228 \cdot 10^9$	$778 \cdot 10^{10}$	$1430 \cdot 10^{11}$	$2870 \cdot 10^{12}$	$4500 \cdot 10^{13}$	$25,57 \cdot 10^{14}$

أ - حدد رتب قدر معطيات هذا الجدول .

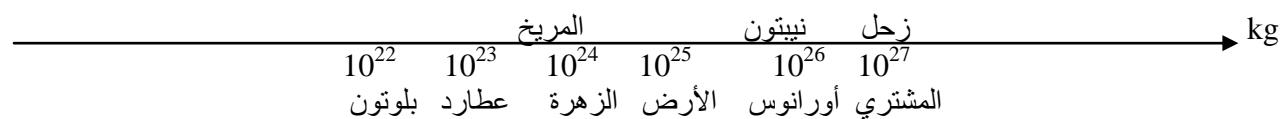
ب - رتب على محور قوى العدد 10 (axe de puissance de 10) رتب قدر كتل كواكب المجموعة الشمسية .

الحل

أ - رتب قدر المعطيات الخاصة بكواكب المجموعة الشمسية

اسم الكوكب	عطارد	الزهرة	الأرض	المريخ	المشتري	زحل	أورانوس	نيبتون	بلوتو
الكتلة (kg)	$10^{23} \cdot 10^{-23}$	$10^{24} \cdot 10^{-24}$	$10^{25} \cdot 10^{-25}$	$10^{26} \cdot 10^{-26}$	$10^{27} \cdot 10^{-27}$	$10^{28} \cdot 10^{-28}$	$10^{29} \cdot 10^{-29}$	$10^{30} \cdot 10^{-30}$	$10^{31} \cdot 10^{-31}$
الشاعع (m)	$10^3 \cdot 10^{-3}$	$10^4 \cdot 10^{-4}$	$10^5 \cdot 10^{-5}$	$10^6 \cdot 10^{-6}$	$10^7 \cdot 10^{-7}$	$10^8 \cdot 10^{-8}$	$10^9 \cdot 10^{-9}$	$10^{10} \cdot 10^{-10}$	$10^{11} \cdot 10^{-11}$
المسافة إلى الشمس (km)	$10^{10} \cdot 10^{-10}$	$10^{11} \cdot 10^{-11}$	$10^{12} \cdot 10^{-12}$	$10^{13} \cdot 10^{-13}$	$10^{14} \cdot 10^{-14}$	$10^{15} \cdot 10^{-15}$	$10^{16} \cdot 10^{-16}$	$10^{17} \cdot 10^{-17}$	$10^{18} \cdot 10^{-18}$

ب - ترتيب رتب قدر كتل كواكب المجموعة الشمسية على محور قوى العدد 10



2 - محور سلم المسافات

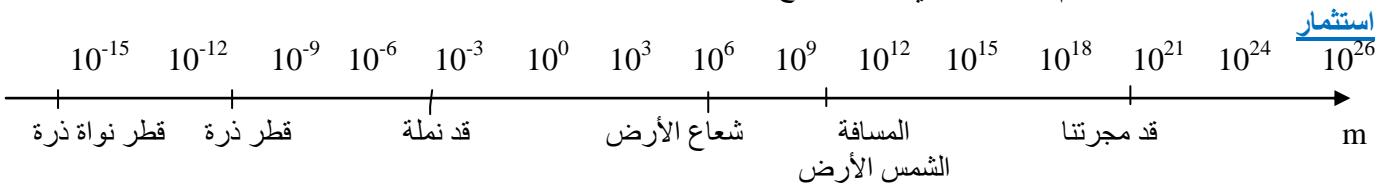
نشاط

يمثل الجدول التالي رتبة قدر بعض الأبعاد

البعد	قطر نواة ذرة								
رتبة قدره	$10^{-15} m$	$10^{-10} m$	$10^{-5} m$	$10^{-3} m$	$10^{-2} m$	$10^{-1} m$	$10^0 m$	$10^1 m$	$10^2 m$

مثل هذه الأبعاد على محور لسلم المسافات . أي محور مدرج و موجه حسب أس عدد 10 .

استثمار



II التأثير البيني التجاذبي Interaction gravitationnelle

1 - نشاط

تجاذب الأجسام بسبب كتلها . مثل التجاذب الكوني بين التفاحة والأرض - التجاذب الكوني بين الأرض والقمر .

أ - بين أن قوى التجاذب الكوني قوى تأثير متبدال .

ب - فسر لماذا تجذب القلاحة نحو الأرض ولا يظهر انجذاب الأرض نحو التفاحة ؟

ج - قارن قوة التأثير البيني الجاذبي بين التفاحة والأرض مع قوة التأثير البيني الجاذبي بين الأرض والقمر .

استثمار

أ - المثال الثاني التجاذب الكوني بين الأرض والقمر . يبين أن الأرض تؤثر على القمر لأن القمر يدور حول الأرض ، كما يبين أن القمر يؤثر على الأرض وذلك بتأثيره على البحار والمحيطات (المد والجزر) . إذن يوجد تأثير بيني بين الأرض والقمر ونعممه بالنسبة لجميع قوى التجاذب الكوني .

ب - يوجد تأثير بين الأرض و التفاحة فالأرض تؤثر على التفاحة و في نفس الوقت التفاحة تؤثر على الأرض . فنلاحظ تأثير الأرض على التفاحة لأن التفاحة تتحرك نحو الأرض بينما لا نلاحظ تأثير التفاحة على الأرض لأن الأرض جد كبيرة ، فتتحرك و لا نراها .
ج - قوة التأثير البيني المطبقة بين الأرض و القمر جد قوية لأن الأرض جد كبيرة ، فتحرك و لا نراها .
حركة المد و الجزر . إذن كلما كانت كتل الجسمين كبيرة وكلما كانت المسافة الفاصلة بينهما صغيرة كلما كانت قوة التجاذب الكوني كبيرة .

2 - قانون التجاذب الكوني

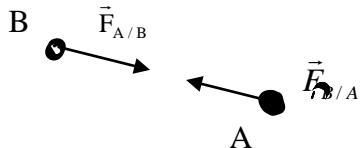
تجاذب الأجسام ، كيف ما كان موضعها في الكون ، بسبب كثافتها ، فيطبق بعضها على البعض قوى تأثير تجاذبية مماثلة لقوى التأثير البيني التجاذبي $\bar{F}_{B/A}$ و $\bar{F}_{A/B}$.

- بالنسبة لجسمية نقطتين A و B كنلتاهما على التوالي m_A و m_B و تفصل بينهما المسافة $d = AB$

* خط التأثير : للقوتين نفس خط التأثير إنه المستقيم (AB)

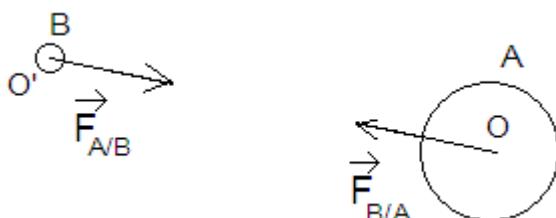
* المنحى : للقوتين منحى متعاكسان

* الشدة : للقوتين نفس الشدة $F_{A/B} = F_{B/A} = G \cdot \frac{m_A \cdot m_B}{d^2}$



- بالنسبة لجسمين كرويين A و B كنلتاهما على التوالي m_A و m_B و تفصل بينهما المسافة ' $d = OO'$ تبقى علاقه الشدة سارية المفعول باعتبار كتلة كل جسم مركزة في مركزه .

نسمي G ثابتة التجاذب الكوني و قيمتها في النظام العالمي للوحدات (SI) : $G = 6,67 \cdot 10^{-11} \text{ N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{kg}^{-2}$



3 - تطبيق

يتضمن الجدول التالي بعض المعطيات الخاصة ببعض الكواكب :

اسم الكوكب	عطارد	الزهرة	الأرض
$m_1 = 32,9$	$m_2 = 490$	$m_3 = 598$	الكتلة (10^{22} kg)
$d_1 = 57,9$	$d_2 = 108$	$d_3 = 150$	المسافة إلى الشمس (10^6 km)

نعطي كتلة الشمس : $1,98 \times 10^{30} \text{ kg}$

أ -- أحسب شدة قوة التجاذب الكوني بين الشمس و كل من هذه الكواكب

ب - أحسب رتبة قدر هذه الشدات .

الحل

$$F_1 = 10^{22} \text{ N} = G \cdot \frac{m_1 \cdot m}{d_1^2} = 6,67 \cdot 10^{-11} \cdot \frac{3,29 \cdot 10^{23} \cdot 1,98 \cdot 10^{30}}{(5,79 \cdot 10^{10})^2} = 1,296 \cdot 10^{22} \text{ N}$$

1 بين الشمس و عطارد وزن جسم هو القوة المقرنة بتأثير الأرض على الجسم و نرمز له بالمتوجه $\bar{P} = m \cdot \bar{g}$. حيث \bar{g} متوجه مجال التقالة و m كتلته .

III) التقالة la pesanteur

1 - وزن جسم

مميزات الوزن :

- نقطة التأثير : مركز نقل الجسم

- خط التأثير : المستقيم الرأسي المار من مركز نقل الجسم .

- المنحى : من الأعلى نحو الأسفل

- شدته : $P = m \cdot g$: شدة التقالة

2 - تغيرات شدة التقالة

1.2 - تغيرات شدة التقالة حسب الارتفاع

إن الوزن هي قوة التجاذب الكوني المطبقة من طرف الأرض على الجسم .

نستنتج تعريف شدة التقالة عند ارتفاع h من سطح الأرض

$$m \cdot g = G \cdot \frac{m \cdot m_T}{(R_T + h)^2} \quad \text{إذن } P = m \cdot g \quad F = G \cdot \frac{m \cdot m_T}{(R_T + h)^2}$$

$$g = G \cdot \frac{m_T}{(R_T + h)^2} \quad \text{الارتفاع } h \text{ من سطح الأرض}$$

تعبر شدة التقالة عند سطح الأرض

$$g_0 = G \cdot \frac{m_T}{R_T^2} \quad \text{نستنتج من العلاقة}$$

تمرين تطبيقي

أحسب شدة التقالة عند سطح الأرض ثم عند الارتفاع $h = 100\text{km}$ من سطح الأرض

نعطي $G = 6,67 \cdot 10^{-11}(\text{SI})$ ، $R_T = 6,37 \cdot 10^6\text{m}$ ، $m_T = 5,97 \cdot 10^{24}\text{kg}$

$$\text{الحل : } g = 9,5 \text{N} \cdot \text{kg}^{-1} \quad \text{و } g_0 = 9,81 \text{N} \cdot \text{kg}^{-1}$$

2.2 - تغيرات g_0 حسب خط العرض

g_0 (N/kg)	خط العرض	المكان
9,789	0	خط الاستواء
9,796	34°	الرباط
9,830	-90° أو $+90^\circ$	القطب الشمالي أو القطب الجنوبي