

### التمرين الأول

يحتوي كيس على أربع بيدات بيضاء مرقمة 0؛ 1؛ 1؛ 1؛ 2 وعلى أربع بيدات حمراء مرقمة 1؛ 1؛ 2؛ 2. نسحب عشوائيا وفي آن واحد ثلاث بيدات من الكيس .

1) احسب احتمال الأحداث التالية :

A " ثلاث بيدات من نفس اللون "

B " ثلاث بيدات أرقامها مختلفة مثني مثني "

2) ما هو احتمال سحب ثلاث بيدات من نفس اللون علما أنها تحمل أرقامها مختلفة مثني مثني

### التمرين الثاني

يحتوي كيس على 3 كرات بيضاء وكرتين سوداويين وواحدة حمراء . نسحب بالتتابع وبدون إحلال ثلاث كرات من الكيس .

1. احسب احتمال الأحداث التالية :

A " الحصول على الكرة الأولى بيضاء والثانية سوداء والثالثة حمراء "

B " الحصول كرة من كل لون "

C " الحصول على كرتين بيضاويين وواحدة حمراء "

2. أحسب الاحتمال كي يكون الكرة الثانية بيضاء علما أننا قد حصلنا على كرة من كل لون

### يونيو 2002

يحتوي وعاء على أربع كرات بيضاء و ثلاث كرات سوداء لا يمكن التمييز بينها باللمس .

1) نسحب عشوائيا وفي آن واحد ثلاث كرات من الوعاء

أ- ما هو احتمال الحصول على ثلاث كرات من نفس اللون بد ما هو احتمال الحصول على كرة بيضاء على الأقل

علما أننا حصلنا على كرة سوداء على الأقل

ج- ليكن  $X$  المتغير العشوائي الذي يربط كل سحبة بعدد الكرات السوداء المتبقية في الوعاء . حدد قانون احتمال  $X$

2) نسحب خمس كرات بالتتابع و بإحلال من الوعاء ما هو احتمال الحصول على كرة بيضاء أربع مرات بالضبط

### التمرين الثالث

يحتوي وعاء على أربع كرات بيضاء و ثلاث كرات سوداء لا يمكن التمييز بينها باللمس .

1) نسحب عشوائيا وفي آن واحد ثلاث كرات من الوعاء

أ- ما هو احتمال الحصول على ثلاث كرات من نفس اللون بد ما هو احتمال الحصول على كرة بيضاء على الأقل

علما أننا حصلنا على كرة سوداء على الأقل

ج- ليكن  $X$  المتغير العشوائي الذي يربط كل سحبة بعدد الكرات السوداء المتبقية في الوعاء .

ج1- حدد قيم  $X$

ج2- حدد قانون احتمال  $X$  و أحسب  $E(X)$

2) نسحب خمس كرات بالتتابع و بإحلال من الوعاء ما هو احتمال الحصول على كرة بيضاء أربع مرات بالضبط

### استدراكية 2003

يحتوي كيس على ست كرات بيضاء تحمل الأرقام :

2- و 1- و 0 و 1 و 1 و 2 . نعتبر التجربة التالية :

نسحب عشوائيا وفي آن واحد ثلاث كرات من الكيس .

1) أ- أحسب احتمال الحدث  $A$  " توجد على الأقل كرة تحمل الرقم 1 "

ب- بين أن احتمال الحدث  $B$  " مجموع الرقمين المسجلين على الكرتين المسحوبتين منعدم " هو  $\frac{1}{5}$

2) نكرر التجربة السابقة أربع مرات متتالية ( كنا نعيد الكرتين إلى الكيس بعد كل مرة )

ما هو احتمال الحصول على النتيجة  $B$  ثلاث مرات بالضبط

### العادية 2003

يحتوي كيس على ست كرات بيضاء تحمل الأرقام 0 و 0 و 1 و 1 و 1 و 2 و على كرتين سوداويين و تحملا الرقمين 0 و 1 . نسحب عشوائيا وفي آن واحد كرتين من الكيس .

1) أحسب احتمال كل من الحدثين :

A " سحب كرتين من نفس اللون "

B " جداء رقمي الكرتين المسحوبتين منعدم "

2) أحسب احتمال سحب كرتين من نفس اللون علما أن جداء الرقمين المسجلين على الكرتين المسحوبتين منعدم

3) نعتبر المتغير العشوائي  $X$  الذي يربط كل إمكانية بمجموع الرقمين المسجلين على الكرتين المسحوبتين .

أ- ما هي قيم المتغير  $X$

ب- حدد قانون احتمال  $X$

ج- أحسب الأمل الراضي  $E(X)$

### التمرين الرابع

نعتبر نردا  $D$  وجوهه تحمل الأرقام 3;3;2,2,2,2

وليكن  $S$  صندوق يحتوي على خمس كرات حمراء و على أربع كرات بيضاء . نرمي النرد  $D$  و نسحب في آن واحد  $n$  كرة من الصندوق  $S$  حيث  $n$  هو الرقم الذي

سجله النرد  $D$  .

1) أحسب احتمال الأحداث التالية :

A " سحب كرتين من نفس اللون "

B " الكرات المسحوبة من نفس اللون "

2) ليكن  $X$  المتغير العشوائي الذي يساوي عدد الكرات الحمراء المسحوبة . حدد قانون احتمال  $X$