

## الجداء السلمي

**التمرين 6:** مثلث ABC، I منتصف [BC] و H هي المسقط العمودي لـ A على (BC).

(1) بين أن:  $AC^2 - AB^2 = 2\overline{BC} \cdot \overline{AI}$

(2) بين أن:  $AC^2 - AB^2 = -2\overline{BC} \cdot \overline{IH}$

**التمرين 7:** علما أن  $\vec{u} \cdot \vec{v} = 3$  و  $\|\vec{v}\| = 1$  و  $\|\vec{u}\| = 2$ :

(1) أحسب ما يلي:

$\vec{u} \cdot (\vec{u} + \vec{v})$  ;  $\vec{u} \cdot (\vec{u} - 2\vec{v})$  ;  $(2\vec{u} + \vec{v}) \cdot (3\vec{u} + \vec{v})$

$(\sqrt{6}\vec{u} - \vec{v}) \cdot (3\vec{u} + \vec{v})$  ;  $(3\vec{u} - \vec{v})^2$  ;  $\|2\vec{u} - \vec{v}\|$

(2) بين أن المتجهتان  $\vec{s} = \frac{1}{2}\vec{u} + \vec{v}$  و  $\vec{t} = \vec{u} - 2\vec{v}$  متعامدتان.

**التمرين 8:**  $\vec{u}$  و  $\vec{v}$  و  $\vec{w}$  ثلاث متجهات.

(1) بين أن:  $(\|\vec{u} - \vec{v}\|)^2 + (\|\vec{u} + \vec{v}\|)^2 = 2(\|\vec{u}\|^2 + \|\vec{v}\|^2)$

(2) بين أن:  $\|\vec{u} + \vec{v} + \vec{w}\|^2 = \|\vec{u}\|^2 + \|\vec{v}\|^2 + \|\vec{w}\|^2 + 2\vec{u} \cdot \vec{v} + 2\vec{u} \cdot \vec{w} + 2\vec{v} \cdot \vec{w}$

**التمرين 9:** نضع  $\vec{u} = a\vec{i} + \vec{j}$  حيث  $a$  عدد حقيقي و  $\|\vec{i}\| = \|\vec{j}\| = 1$  و  $\vec{i} \cdot \vec{j} = 0$  و  $\|\vec{u}\| = \sqrt{10}$

(1) حدد قيم العدد  $a$ .

(2) استنتج قيمة  $a$  التي من أجلها  $\vec{i} - 3\vec{j}$  متعامدة مع  $\vec{u}$ .

**التمرين 10:** مثلث ABC معلوم.

(1) برهن أنه مهما تكن النقطة M في المستوى فإن:  $\overline{MA} \cdot \overline{BC} + \overline{MB} \cdot \overline{CA} + \overline{MC} \cdot \overline{AB} = 0$

(2) استنتج أن ارتفاعات المثلث ABC تتلاقى في نقطة واحدة H هي مركز تعامد المثلث.

**التمرين 11:** مثلث، نضع

$\widehat{ABC} = \widehat{B}$  و  $\widehat{ACB} = \widehat{C}$  و  $\widehat{BCA} = \widehat{A}$  و  $AB = c$  و  $AC = b$  و  $BC = a$

(1) أ- أحسب بدلالة  $a$  و  $b$  و  $c$  و  $\widehat{A}$  و  $\widehat{B}$  و  $\widehat{C}$ :  $(\overline{AB} + \overline{BC} + \overline{CA})^2$

ب- استنتج أن:  $\frac{a^2 + b^2 + c^2}{2abc} = \frac{\cos \widehat{A}}{a} + \frac{\cos \widehat{B}}{b} + \frac{\cos \widehat{C}}{c}$

(2) بين أن:  $a + b + c = (b + c) \cos \widehat{A} + (c + a) \cos \widehat{B} + (a + b) \cos \widehat{C}$

**التمرين 12:** A و B نقطتان بحيث  $AB = \frac{1 + \sqrt{5}}{2}$ ، حدد مجموعة النقط M في المستوى بحيث:

$MA^2 + MB^2 = \frac{3 + \sqrt{5}}{2}$

**التمرين 1:** ABCD مربع حيث:  $AB = \sqrt{5}$ .

أحسب  $\overline{AB} \cdot \overline{AC}$  و  $\overline{AB} \cdot \overline{AD}$  و  $\overline{AB} \cdot \overline{BD}$  و  $\overline{AC} \cdot \overline{BD}$

**التمرين 2:** ABC مثلث مساوي الأضلاع، حيث:  $AB = \sqrt{3}$

أحسب  $\overline{AB} \cdot \overline{AC}$  و  $\overline{AB} \cdot \overline{BC}$  و  $\overline{AC} \cdot \overline{BC}$

**التمرين 3:**

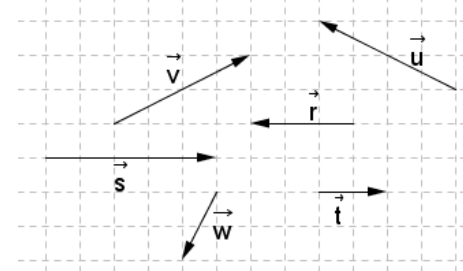
في الشكل جانبا، باستعمال التربعات كوحدة قياس، أحسب ما يلي:

$\vec{u} \cdot \vec{w}$  و  $\vec{u} \cdot \vec{t}$  و  $\vec{u} \cdot \vec{v}$

$\vec{r} \cdot \vec{v}$  و  $\vec{s} \cdot \vec{r}$  و  $\vec{s} \cdot \vec{v}$

و  $\vec{s} \cdot \vec{t}$  و  $\vec{w} \cdot \vec{v}$  و  $\vec{r} \cdot \vec{t}$  و  $\vec{t} \cdot \vec{v}$

و  $\vec{u} \cdot (\vec{r} + 2\vec{s})$  و  $\vec{u} \cdot (\vec{v} - \vec{t})$



**التمرين 4:**  $\vec{u}$  و  $\vec{v}$  متجهتان، و  $\theta$  قياس الزاوية  $(\vec{u}, \vec{v})$ ، أحسب  $\vec{u} \cdot \vec{v}$  في الحالات التالية:

(1)  $\|\vec{u}\| = 2$  و  $\|\vec{v}\| = 2$  و  $\cos \theta = \frac{1}{2}$

(2)  $\|\vec{u}\| = 3$  و  $\|\vec{v}\| = 2$  و  $\theta = -\frac{\pi}{3}$

(3)  $\|\vec{u}\| = 1$  و  $\|\vec{v}\| = 1$  و  $\theta = \frac{2\pi}{3}$

(4)  $\|\vec{u}\| = 3,5$  و  $\|\vec{v}\| = \sqrt{5}$  و  $\theta = \frac{\pi}{2}$

(5)  $\|\vec{u}\| = \sqrt{2}$  و  $\|\vec{v}\| = 1 + \sqrt{5}$  و  $\theta = -\pi$

**التمرين 5:**

(1) أحسب  $\|\vec{u}\|$  إذا علمت أن:  $\vec{u} \cdot \vec{v} = 3$  و  $\|\vec{v}\| = 2$  و  $\cos \theta = \frac{1}{2}$

(2) أحسب  $\|\vec{v}\|$  إذا علمت أن:  $\vec{u} \cdot \vec{v} = -3$  و  $\|\vec{u}\| = 2$  و  $\theta = \frac{5\pi}{4}$

(3) أحسب  $\cos \theta$  إذا علمت أن:  $\vec{u} \cdot \vec{v} = \sqrt{2}$  و  $\|\vec{v}\| = 2$  و  $\|\vec{u}\| = \sqrt{2}$

(4) أحسب  $\theta$  إذا علمت أن:  $\vec{u} \cdot \vec{v} = -2\sqrt{2}$  و  $\|\vec{v}\| = 2$  و  $\|\vec{u}\| = 2$