

تمارين: تطبيقية

تمرين 1:

ليكن  $(\vec{i}, \vec{j})$  أساسا للمستوى.

نعتبر المتجهين  $\vec{U}$  و  $\vec{V}$  بحيث:  $\vec{U} = (3x + 1)\vec{i} + 2\vec{j}$

و  $\vec{V} = 4\vec{i} + (y - 3)\vec{j}$  حيث  $x$  و  $y$  عددين حقيقيين.

1. هل يمكن أن تكون  $\vec{U}$  متجهة منعدمة؟

2. حدد  $x$  و  $y$  علما أن  $\vec{U} = \vec{V}$ .

تمرين 2:

ليكن  $ABCD$  متوازي أضلاع و  $I$  و  $J$  و  $K$  هي على التوالي

منتصفات القطع  $[AB]$  و  $[AD]$  و  $[DC]$ .

ننسب المستوى إلى الأساس  $(\vec{AB}, \vec{AD})$ .

1. حدد زوج إحداثيات المتجهين  $\vec{AK}$  و  $\vec{AC}$ .

2. حدد زوج إحداثيات المتجهة  $2\vec{IK}$ .

تمرين 3:

نعتبر في المستوى المنسوب إلى الأساس  $(\vec{i}, \vec{j})$  المتجهات:

$\vec{U} = (1; 2)$  و  $\vec{V} = (3; 7)$  و  $\vec{W} = (4; 1)$ .

حدد زوج إحداثيات المتجهين:  $2\vec{U} - \vec{V}$  و  $3\vec{W} + \vec{V}$ .

تمرين 4:

نعتبر الأساس  $(\vec{i}, \vec{j})$  و المتجهين  $\vec{u} = \left(3\sqrt{2}, -\frac{5}{2}\right)$

و  $\vec{v} = (a - 1, 4)$ .

حدد  $a$  علما أن المتجهين  $\vec{u}$  و  $\vec{v}$  مستقيمتان.

تمرين 5:

ليكن  $OIKJ$  متوازي الأضلاع.

نعتبر المعلم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  بحيث:  $\begin{cases} \vec{OI} = \vec{i} \\ \vec{OJ} = \vec{j} \end{cases}$

1. أوجد زوج إحداثيات النقط:  $I$  و  $J$  و  $K$  و  $L$  انطلاقا من الشكل.

2. أرسم النقط:  $M(-3; 2)$  و  $N(2; 2, 5)$  و  $P(0; -2)$ .

3. أنشئ النقط:  $Q, R, S, T$  بحيث:

$\vec{OR} = -\vec{j}$ ,  $\vec{OQ} = 0, 5\vec{i} - 2\vec{j}$

$\vec{OT} = -\vec{i} - 2\vec{j}$ ,  $\vec{OS} = -3\vec{i} + 3\vec{j}$

تمرين 6:

المستوى المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ .

حدد إحداثيات المتجهة  $\vec{AB}$  و إحداثيات منتصف القطعة  $[AB]$  ثم

احسب المسافة  $AB$  في الحالة التالية:

$A(0; -5)$ ,  $B(4; -9)$

تمرين 7:

المستوى منسوب إلى معلم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ .

نعتبر في المستوى  $(P)$  المستقيم  $(D)$  المار من

النقطتين  $A(3; -2)$  و  $B(5; 4)$ .

حدد تمثيلا بارامتريا للمستقيم  $(D)$ .

تمرين 8:

حدد معادلة ديكارتية للمستقيم  $(D)$  المعروف بالتمثيل البارامترى

التالي:  $(t \in \mathbb{R})$ ,  $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 3 - 4t \end{cases}$

تمرين 9:

حدد معادلة ديكارتية للمستقيم المار من النقطتين  $A(1; 2)$

و  $B(-1; 3)$ .

تمرين 10:

حدد تمثيلا بارامتريا للمستقيم  $(D)$  المعروف بالمعادلة

الديكارتية  $3x - 2y + 4 = 0$

تمرين 11:

نعتبر المستقيمت  $(D_1)$  و  $(D_2)$  و  $(D_3)$  المعرفة كما يلي:

$(D_1): 5x - 3y + 2 = 0$  و  $(D_2): 2x - \frac{1}{3}y - 1 = 0$

و  $(D_3): 6x - y + 3 = 0$ .

1. بين أن  $(D_1)$  و  $(D_2)$  متقاطعان.

2. بين أن  $(D_2)$  و  $(D_3)$  متوازيان قطعا.

3. حدد تمثيلا بارامتريا للمستقيم  $(\Delta)$  المار من  $A(1; 2)$  و

الموازي للمستقيم  $(D_1)$ .